Prizmás impulzuskompresszorok hômérsékleti stabilitásának modellezése

Tudományos diákköri dolgozat

<u>Írta:</u> DOMBI PÉTER

<u>Témavezetô:</u> Dr. Osvay Károly

JATE Optikai és Kvantumelektronikai Tanszék Szeged 1998.

Tartalomjegyzék

Tudományos elôzmények, célkitűzések				
1. Az impulzus lineáris terjedése diszperzív rendszerekben	5			
2. A prizmás impulzuskompresszor általános leírása	9			
3. Modell a prizmás impulzuskompresszor hômérsékletfüggô fázistolásá	ira 13			
3.1 A törésmutató hômérsékletfüggésének megadása	14			
3.2 A hôtágulás leírása	16			
4. Szinkronpumpált lézerek	18			
5. A termikusan stabil beállítás lehetősége	24			
6. Ultrarövid impulzusú titán:zafír lézer	25			
7. A prizmák hôtágulásának hatása	30			
8. Az impulzuskompresszorok optimalizálása	31			
9. A termikus hangolhatóság	32			
 Az impulzusok félértékszélességének hômérsékletfüggése 35 				
 Az impulzusok kontrasztjának hômérsékletfüggése 38 				
Összefoglalás	41			

TUDOMÁNYOS ELÔZMÉNYEK, CÉLKITŰZÉSEK

Már az első lézerek megjelenésétől kezdve a kutatók érdeklődésének homlokterébe került a különböző módszerekkel előállított rövid lézerimpulzusok időtartamának csökkentése. Érthető ez a törekvés, hiszen a lézerek segítségével olyan időben, térben és spektrálisan egyaránt jelentős és szabályozható energiakondenzációt sikerült elérni, amely addig az optikai, spektroszkópiai gyakorlatban ismeretlen volt. Az impulzusok időtartamának csökkentésére sokféle eszközt alkalmaznak. Ezek egyike a prizmás impulzuskompresszor, amely az impulzus diszperzív optikai közegben történő lineáris terjedésén alapul.

Mintegy harminc éve mutatták ki először az impulzuskompresszorok gyakorlati alkalmazhatóságát. Akkor elsőként konkrétan a rácsos kompresszort vizsgálták [1]. Mindemellett általánosan is belátható, hogy elméletileg bármely, szögdiszperzióval rendelkező optikai elem felhasználható impulzuskompresszióra [2, 3, 4]. A rács mellett a másik, leggyakrabban használt diszperzív optikai elem, a prizma erre a célra történő alkalmazásáról azonban csak a nyolcvanas évek közepén jelentek meg az első közlemények [2, 5, 6].

A kétféle, gyakorlatban is alkalmazott impulzuskompresszor (a prizmás és a rácsos) alkalmazása és tulajdonságai között lényeges eltérések vannak. A rácsos impulzuskompresszort elsősorban nagy mértékű diszperzió előidézésére és kompenzálására alkalmazzák fázismodulált impulzuserôsítésnél (Chirped Pulse Amplification, CPA), vagyis például femtoszekundumos lézerimpulzusok időtartamának több ezerszeres megnyújtására illetve az időben kiszélesedett impulzus erôsítés utáni összenyomására [7, 8]. Ezzel szemben a prizmás kompresszorokat a femtoszekundumos lézeroszcillátorok optikai elemeinek és aktív közegének anyagi diszperziója által okozott nemlineáris fázistolás kompenzálására használják, amely által a kicsatolt lézerimpulzus időtartama a transzformációkorláthoz közeli, minimális értékre csökkenthetô [8, 9, 10, 11]. Manapság sok, kereskedelmi forgalomban is kapható lézerrendszernél is alkalmazzák ezt a megoldást (Mira, Tsunami).

A prizmás és a rácsos kompresszor közti elsődleges különbség tehát az okozott diszperzió mértékében, és ebből adódóan alkalmazási területükben mutatkozik

3

meg. Ezek mellett azonban nem elhanyagolható az a különbség sem, hogy a prizmás kompresszor jóval kisebb veszteséggel rendelkezik, mint a rácsos, ha a prizma törôszögét úgy választjuk meg, hogy a minimális deviáció alatt beesô nyaláb egyben Brewster-szögben essen a prizmára.

A rezonátoron belül prizmapárt tartalmazó oszcillátorokkal dolgozó kísérleti fizikusok számára ismert gyakorlati probléma, hogy a prizmás kompresszor és ezzel együtt a lézerműködés stabilitása igen érzékeny lehet a környezeti hômérséklet kicsiny, akár ±1,5 °C-os változására is [12]. Ennek a jelenségnek a modellezése, kvantitatív leírása azonban mindezidáig nem történt meg. Enélkül azonban nem képzelhetô el hômérsékleti szempontból stabil rezonátorok tervezése.

A dolgozatomban ezért sugárkövetéses módszerrel modellezem a prizmás kompresszor hômérsékletfüggô fázistolását. Ennek segítségével kvantitatív módon vizsgálom ismert lézerrendszerek eddig csak kísérletileg becsült hômérsékletingadozás-tűrés értékeit. Megállapítom, hogy a mechanikai elemek dilatációjából származó effektus megfelelô tervezéssel kiküszöbölhetô ugyan, de a prizma anyagának hôtágulásától és a törésmutató hômérsékletfüggésétôl nem tekinthetünk el. Bebizonyítom, hogy megfelelô geometriai tervezéssel és anyagválasztással a környezeti hômérsékletingadozás szempontjából a kompresszor stabilizálható.

Megmutatom, hogy az eljárás megfordítható: megfelelô fűthetô / hűthetô prizmákat alkalmazva termikus hangolást végezhetünk, vagyis a hômérséklet változtatásával a kompresszor okozta fázistolás magasabb rendű deriváltjainak aránya változtatható. Megadom a modellezés során vizsgált titán:zafír lézerrendszer impulzuskompresszorának termikus hangolási görbéit. Bebizonyítom, hogy az optimális működés megközelítése érdekében célszerű a prizmák hômérsékletét minél alacsonyabb értéken tartani. A hangolási görbékbôl nyert információkkal az általam javasolt módszer egy, az eddigieknél egyszerűbb és olcsóbb eljárást jelenthet ultrarövid lézerimpulzusok keltésére.

Végezetül Fourier-transzformációs módszerrel megvizsgálom a lézerimpulzusok idôbeli lefutására jellemző két paraméternek: a félértékszélességnek és a kontrasztnak a kompresszor hômérsékletváltozásának hatására történő megváltozását. Kimutatom, hogy az optikai asztal hôtágulása egyáltalán nem befolyásolja a lézerimpulzusok alakját. Megállapítom, hogy fűthető / hűthető

4

prizmákat alkalmazva a kompresszor utáni impulzusok félértékszélessége finoman hangolható, illetve hogy az impulzusok kontrasztosságában jelentős változásokat tudunk elérni ezzel a módszerrel.

1. Az impulzus lineáris terjedése diszperzív rendszerekben

Általánosságban egy optikai jel terjedése diszperzív közegben a frekvenciafüggô fázistolással, illetve annak magasabb rendű deriváltjaival adható meg. A fázistolás

$$\phi(\omega) = k(\omega) \cdot L \tag{1}$$

alakban vehetô fel, ahol ω a körfrekvencia, $k(\omega)$ a közegre jellemzô terjedési együttható, illetve *L* a terjedés során befutott úthossz.

Ha a közegbe belépô impulzus idôbeli lefutását

$$E(t) = A(t) \cdot e^{-i\psi(t)}$$
⁽²⁾

alakban vesszük fel, ahol A(t) az impulzus burkolójának idôbeli függését megadó függvény (például gauss-görbe), akkor a spektrumát

$$\widetilde{E}(\omega) = F\{E(t)\} = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_{-\infty}^{\infty} E(t) \cdot e^{i\omega t} dt$$
(3)

alakban adhatjuk meg, ahol F $\{...\}$ tehát a Fourier-transzformációt jelöli. Ez a spektrum az optikai rendszerben *z* út megtétele után a

$$\widetilde{E}(\omega, z) = \widetilde{E}(\omega, 0) \cdot e^{-i\phi(\omega)}$$
(4)

alakot ölti. Az inverz Fourier-transzformáció $\widetilde{E}(\omega,0) \cdot e^{-i\phi(\omega)}$ -ra történő elvégzésével kaphatjuk meg az impulzus időbeli lefutását, miután az z utat tett meg a közegben. Innen látható, hogy $\phi(\omega)$ =konstans esetén a diszperzív optikai közeg a jel torzulását okozza. Ez azt alapelvet használják fel az impulzuskompressziónál is.

Fejtsük Taylor-sorba $k(\omega)$ -t a körfrekvencia szerint ω_0 központi körfrekvencia körül! Ekkor a következőket kapjuk:

$$k(\omega) = k(\omega_0) + \frac{dk}{d\omega}\Big|_{\omega_0} (\omega - \omega_0) + \frac{1}{2!} \frac{d^2k}{d\omega^2}\Big|_{\omega_0} (\omega - \omega_0)^2 + \frac{1}{3!} \frac{d^3k}{d\omega^3}\Big|_{\omega_0} (\omega - \omega_0)^3 + \dots$$
(5)

A további általánosítások érdekében tegyük ezt meg $\phi(\omega)$ -val is:

$$\phi(\omega) = \phi(\omega_0) + \frac{d\phi}{d\omega}\Big|_{\omega_0} (\omega - \omega_0) + \frac{1}{2!} \frac{d^2\phi}{d\omega^2}\Big|_{\omega_0} (\omega - \omega_0)^2 + \frac{1}{3!} \frac{d^3\phi}{d\omega^3}\Big|_{\omega_0} (\omega - \omega_0)^3 + \dots$$
(6)

A Taylor-sor együtthatói az alábbi ismert kapcsolatban vannak a terjedéssel kapcsolatos fizikai mennyiségekkel:

$$v_f(\omega_0) = \frac{\omega_0}{k(\omega_0)}, \qquad \frac{1}{v_{cs}(\omega_0)} = \frac{dk}{d\omega}\Big|_{\omega_0}$$
(7a,b)

ahol v_f és v_{cs} a fázis- és a csoportsebességet jelöli, rendre.

Válasszunk speciálisan gauss-alakú bemenô impulzust, amelynek fázisa lineárisan modulált:

$$E(t) = A_0 \cdot \exp\left[-\frac{2\ln 2}{\tau_0^2} \cdot t^2\right] \cdot \exp\left[-i \cdot \left(\omega_0 t + \frac{1}{2}\beta_0 \cdot t^2\right)\right]$$
(8)

ahol τ_0 az impulzus idôbeli félértékszélessége, és β_0 paraméter jellemzi a lineáris fázismodulációt. Ha a *k* terjedési együttható Taylor-sorában eltekintünk a másodiknál magasabb rendű tagoktól, akkor a következő kifejezéseket nyerjük az impulzus idôbeli félértékszélességére és fázismoduláció-paraméterére, miután az *z* utat tett meg az optikai közegben [13]:

$$\tau(z) = \tau_0 \cdot \sqrt{\left(1 + \beta_0 k'' z\right)^2 + \left(\frac{4\ln 2}{\tau_0^2} k'' z\right)^2}$$
(9)

$$\beta(z) = \frac{\beta_0 \left(1 + \beta_0 k'' z\right) + \left(\frac{4 \ln 2}{\tau_0^2}\right)^2 \cdot k'' z}{\left(1 + \beta_0 k'' z\right)^2 + \left(\frac{4 \ln 2}{\tau_0^2} k'' z\right)^2}$$
(10)

ahol k az (5) sorfejtésbeli második Taylor-együtthatót jelenti értelemszerűen. Látható tehát, hogy az impulzus hosszának megváltozását elsôsorban ez a másodrendű tag okozza, és éppen ezért szerepe kulcsfontosságú az impulzuskompressziónál. A (9) egyenletből megállapítható, hogy ha $\beta_0=0$, akkor az impulzus a közegen való áthaladás után mindenképpen kiszélesedik ($\tau(z) > \tau_0$)

Vegyük egy ultrarövid femtoszekundumos oszcillátor 10 fs félértékszélességű, 850 nm hullámhosszú, transzformációkorlátozott gauss-alakú impulzusát [14]! Ez a jel mindössze 2mm-nyi titán:zafír kristályon történô áthaladás után 30,4 fs-ra, azaz több, mint 200%-kal szélesedik ki idôben, ahogy azt (9)-bôl kiszámíthatjuk!

Ha $\beta_0 \neq 0$, akkor a megfelelő előjelű és nagyságú k´´-vel rendelkező optikai rendszert választva az impulzus időtartama a transzformációkorlát által meghatározott értékhez közeli értékre csökkenthető, sőt a lineáris fázismoduláció is eltűnik. Jelen esetben az elérhető minimális impulzushosszat a

$$\Delta v \cdot \Delta \tau = 0,441 \tag{11}$$

összefüggés határozza meg, amely szerint a gauss-alakú, transzformációkorlátozott impulzus idôbeli és spektrális félértékszélességének a szorzata állandó. Ez a formula (8) egyenletbôl és annak Fourier-transzformáltjából áll elô, ha a $\beta_0=0$ lineáris fázismoduláció-mentes esetben értékeljük ki.¹ Más alakú impulzusoknál ez az érték más nagyságú, de szintén állandó. Kimutatható, hogy a diszperzív optikai rendszeren való áthaladás után a gauss-alakú impulzus idôtartam-sávszélesség-szorzata a következô alakot ölti [13]:

$$\Delta v \cdot \tau(z) = \sqrt{\left(\frac{2\ln 2}{\pi}\right)^2 + \left(\frac{\beta(z)}{2\pi}\tau^2 z\right)^2}$$
(12)

Az (11) egyenletbeli határozatlansági reláció által megszabott minimum tehát akkor érhető el, ha a kijövő impulzus nem tartalmaz lineáris fázismodulációt.

A fenti tárgyalás gauss-alakú és csak lineáris fázismodulációt tartalmazó impulzusokra vonatkozott. A tapasztalat szerint azonban az erre vonatkozó elmélet általánosságban és a gyakorlatban is érvényes. Meg kell említeni viszont, hogy ha lineárisnál magasabb rendű fázismodulációt is tartalmaz a bemenô jel, akkor az optimális kompressziót úgy érhetjük el, ha a fázismoduláció magasabb rendű komponenseit is kiegyenlítjük egy alkalmasan megválasztott diszperzív optikai rendszerrel. Általánosan megállapítható az is, hogy minél rövidebb az impulzus, annál nagyobb szerepet játszanak ezek a magasabb rendű tagok.

Ejtsünk még néhány szót az lézerimpulzusok időbeli lefutásának jellemzésére a félértékszélesség mellett használt egy másik mennyiségről, a kontrasztról! Az impulzus időbeli kontrasztja alatt az előtte vagy utána haladó mellékimpulzusok intenzitásmaximumának vagy a háttérintenzitás maximális értékének a főimpulzus csúcsintenzitásához viszonyított értékét értjük. A kontraszt vizsgálata főleg a nagyintenzitású lézeres alkalmazásoknál fontos. Bizonyos szilárdtestfizikai vizsgálatoknál ez a jelenség döntő lehet, hiszen a nem kívánatos, viszonylag magas szintű mellékimpulzusok megváltoztathatják a vizsgálni kívánt lézerfény-szilárdtest kölcsönhatást, ha például a főimpulzus előtt már maguk is

¹ Megjegyzem, hogy a Δt és a Δv közötti, ezen két fizikai

mennyiség egyidejŁ mérésének pontosságára vonatkozó alapvet\$ (11) kapcsolat

a Heisenberg-féle határozatlansági relációból is származtatható (lásd pl:

A.YARIV: Quantum Electronics, Academic Press, 1975)

plazmaképzôdést okoznak, és így a lézerfény-szilárdtest kölcsönhatás helyett a fôimpulzus megfigyelése során már csak lézerfény-plazma kölcsönhatást észlelhetünk. Tudjuk, hogy az impulzusok idôbeli lefutását, és ezen keresztül a kontrasztját is erôsen megváltoztathatják a diszperzív optikai rendszerek, így ennek a mennyiségnek az (1)-(4) egyenletek által megadott módszerrel történô vizsgálatával kapcsolatban is érdekes megfigyeléseket tehetünk.

Tekintsünk most egy általánosabb, összetett, szögdiszperzióval rendelkező optikai rendszert, ahol a $\phi(\omega)$ fázis (1) kifejezésében már az *L* közegbeli úthossz is frekvenciafüggô lesz. Ilyen rendszer például egy impulzuskompresszor is. Ebben az esetben már nem a $k(\omega)$, hanem a $\phi(\omega)$ fázistolás (6) egyenletbeli sorfejtését kell tekintenünk. Itt is szemléletes fizikai jelentést rendelhetünk az alacsonyabb rendű sorfejtési együtthatókhoz.

$$\frac{d\phi(\omega)}{d\omega}\bigg|_{\omega_0} = T(\omega_0), \quad \text{illetve} \quad \frac{d^2\phi(\omega)}{d\omega^2}\bigg|_{\omega_0} = \frac{dT}{d\omega}\bigg|_{\omega_0} = CsKD(\omega_0) \quad (13a,b)$$

adják meg rendre az úgynevezett repülési időt, illetve a csoportkésleltetésdiszperziót (CsKD) [13]. A nulladrendű $\phi(\omega_0)$ tag egy állandó fázistolást ad. A repülési idô szemléletes jelentése a nem monokromatikus hullámcsomag burkolójának terjedési ideje, tehát a csoportsebességgel van kapcsolatban és ily módon kapcsolódik k-höz. A fázis körfrekvencia szerinti, másodiknál magasabb rendű deriváltjainak nincsen speciális elnevezésük, azokat harmadrendű, negyedrendű, stb. diszperzióknak nevezik. Egy ilven rendszernél а fent leírtakhoz hasonlóan állítható elô а transzformációkorláthoz közeli impulzus. A bemenô jel fázismodulációját ismerve, azt minél magasabb rendben kell az alkalmasan megtervezett optikai rendszerrel kompenzálni. A prizmás impulzuskompresszorok leírására ez utóbbi, a fázistolást és deriváltjait megadó formalizmust fogom használni.

2. A PRIZMÁS IMPULZUSKOMPRESSZOR ÁLTALÁNOS LEÍRÁSA

A prizmás impulzuskompresszor legegyszerűbb esetben két prizmából és egy tükörből vagy négy prizmából áll. A két megvalósítási mód a kompresszor leírása szempontjából lényegében azonos, hiszen a lézernyaláb kétszer halad át egy-egy prizmapáron. Tárgyalásomban a szögekre és az úthosszakra az *1. ábrán* látható jelöléseket alkalmaztam, ahol egy speciális, a minimális deviáció útját befutó spektrális komponens terjedését jelöltem is.



Ennek megfelelôen a d_1 és d_2 jelöli a beesô nyaláb távolságát az elsô és második prizma csúcsától. Az l_1 , l_2 , l_3 és l_4 a terjedés során a különbözô közegekben megtett optikai úthosszakat jelöli. A két prizma csúcsának távolsága l, a második prizma csúcsának távolsága a tükörtôl pedig *s*. Bár az ábrán egy minimális deviáció útját befutó nyalábot jelöltem be a szemléletesség kedvéért, azonban az alábbi tárgyalás általános esetre vonatkozik, amikor $\alpha \neq \alpha_1$. Ez azért fontos, mert bár az impulzuskompresszorokat úgy állítják be, hogy a beesô széles sávú nyaláb központi hullámhossza a minimális deviáció útját fussa be, ez azonban egyrészt nem lesz már igaz a központi hullámhossztól távolabbi spektrális komponensekre, másrészt pedig a hômérséklet-változás hatására fellépô törésmutató-változás miatt is megszűnhet ez a feltétel.

Mielôtt megvizsgálnánk a fázistolást megadó formulákat, vegyük észre, hogy a kompresszor a szokásos beállításban, vagyis a prizmák oldallapjainak párhuzamosra állítása esetén tekinthető két egymásba ékelt, egymáshoz képest φ szöggel elforgatott plánparallel lemeznek [6], amelyek közül az egyik üvegbôl, a másik levegôbôl "készült"! Ennek figyelembe vételével beláthatjuk, hogy a második prizma és a tükör között a különbözô spektrális komponensek egymással párhuzamosan terjednek. Ez bizonyos alkalmazásokban lehetôséget ad az impulzus spektrális szűrésére, amit igen egyszerűen, a második prizma és a tükör közé helyezett diafragmával lehet megvalósítani. A tükörrôl való visszaverôdés és a prizmákon való áthaladás után a komponensek ismét egy nyalábbá egyesülnek.

A rendszer teljes fázistolását kétszeri áthaladás esetére a következő formulával adhatjuk meg:

$$\phi(\omega) = \frac{2\omega}{c} (l_1 + l_2 + l_3 + l_4) = \frac{4\pi}{\lambda} (l_1 + l_2 + l_3 + l_4)$$
(14)

ahol λ a hullámhossz, *c* pedig a fénysebesség. A tükör fázistolásától tekintsünk el. Ez fémtükröknél (pl. arany) indokolt is, a dielektrikumtükröknél már jelentôsebb, frekvenciafüggô fázistolás is felléphet [15]. Az egyes úthosszak a Snellius-Descartestörvény segítségével és elemi geometriai számolással a következô alakban állnak elô:

$$l_1 = d_1 \cdot n(\omega) \cdot \frac{\sin \varphi}{\cos(\varphi - \beta)}, \qquad l_2 = l \cdot \frac{\cos(\theta + \alpha_1)}{\cos \alpha_1}, \qquad (15a,b)$$

$$l_{3} = l \cdot n(\omega) \cdot \frac{\sin \theta \cdot \sin \varphi}{\cos \beta \cdot \cos \alpha_{1}} - d_{1} \cdot n(\omega) \cdot \frac{\sin \varphi}{\cos(\varphi - \beta)}, \qquad (15c)$$

$$l_4 = s - l \cdot \frac{\sin \theta \cdot \sin \alpha \cdot \cos(\varphi - \beta)}{\cos \alpha_1 \cdot \cos \beta} + d_1 \cdot \sin \alpha .$$
(15d)

A következő összefüggések érvényesek továbbá:

$$\beta = \arcsin\left(\frac{\sin \alpha}{n(\omega)}\right), \qquad \alpha_1 = \arcsin\left(\sin\left(\varphi - \beta\right) \cdot n(\omega)\right), \qquad (16a,b)$$

$$\theta = \gamma + \frac{\varphi}{2} - \alpha_1. \tag{16c}$$

Vegyük észre, hogy l_1+l_3 , vagyis az üvegben megtett teljes optikai úthossz független d_1 -tôl. A teljes

$$\phi(\omega) = \frac{2\omega}{c} \left(s - l \frac{\sin\theta \sin\alpha \cos(\varphi - \beta)}{\cos\alpha_1 \cos\beta} + d_1 \sin\alpha + l \cos\theta - l \sin\theta \cdot tg \alpha_1 + n(\omega) l \frac{\sin\theta \sin\varphi}{\cos\beta \cos\alpha_1} \right) (17)$$

fázistolás már nem független d_1 -tôl, hiszen l_4 kifejezése is tartalmazza azt. Azonban a csoportkésleltetés-diszperzió és a fázis magasabb rendű deriváltjai már nem függenek d_1 -tôl, mivel a repülési idôhöz is már csak egy konstans járulékot ad ez a tag, ami a további deriválásokban kiesik. Ezért van az, hogy a prizmás impulzuskompresszort a lényegét tekintve úgy is elképzelhetjük, mintha a beesô keskeny nyaláb éppen hogy csak érintené az elsô prizma csúcsát, melynek hatására létrejön ugyan a szögdiszperzió, de az l_1 optikai úthossz gyakorlatilag nulla marad. A kompresszort legtöbbször így is ábrázolják.

Egy másik érdekes tulajdonság akkor derül ki, ha megvizsgáljuk az úthosszakat a minimális deviáció útját befutó nyaláb esetén. Ekkor a következő ismert azonosságokat használhatjuk fel:

 $\alpha_1 = \alpha, \qquad \beta = \varphi/2, \qquad \sin \alpha = n(\omega) \sin(\varphi/2).$ (18a,b,c) Írjuk fel ezek segítségével a fázistolást az elsô és a második prizma csúcsán átmenô, a prizmák alapjaira merôleges fázisfrontok között (Ezek egyikét az *1*. *ábrán* az elsô prizmánál pontozott vonallal jelöltem be.):

$$\phi_{1}(\omega) = \frac{\omega}{c} \left(\frac{l_{1} + l_{3}}{2} + l_{2} \right) \bigg|_{\text{min.dev.}} = \frac{\omega}{c} \cdot \left(n(\omega) \cdot l \cdot \frac{\sin\theta\sin\varphi}{2\cos\beta\cos\alpha_{1}} + l \frac{\cos(\theta + \alpha_{1})}{\cos\alpha_{1}} \right) \bigg|_{\text{min.dev.}} = \frac{\omega}{c} \left(l \cdot \sin\theta \cdot tg\alpha_{1} + l \cdot \cos\theta - l \cdot \sin\theta \cdot tg\alpha_{1} \right) = \frac{\omega}{c} \cdot l \cdot \cos\theta$$

$$(19)$$

Itt felhasználtam a minimális deviációra vonatkozó (18b-18c) összefüggéseket és trigonometrikus azonosságokat.

Figyelembe kell még venni a második prizma csúcsán átmenô és a prizma alapjára merôleges fázisfront és a tükör közötti fázistolást is. Az *1. ábráról* leolvasható, hogy:

$$\phi_{2}(\omega) = \frac{\omega}{c} \sum_{2}^{c} + l_{4} \sum_{\text{min.dev.}} = \frac{\omega}{c} \cdot \mathbf{GOQ} l_{2} \cdot \sin \mathbf{Q} / 2\mathbf{Q} s - d_{2} \cdot \sin \alpha \mathbf{h}_{\text{min.dev.}} = \frac{\omega}{c} \cdot s,$$
(20)

ahol d_2 a második prizmából a tükör felé kilépô nyaláb távolsága a második prizma csúcsától. Itt szintén felhasználtam a minimális deviációra vonatkozó (18c) összefüggést. Vegyük figyelembe az elôzôek szerint, hogy d_1 az általánosság megszorítása nélkül tekinthetô nullának. Látható hát, hogy a teljes fázistolás minimális deviáció esetén

$$(\phi_1(\omega) + \phi_2(\omega)) \cdot 2 = \frac{2\omega}{c} \cdot l \cdot \cos\theta + \text{állandó}$$
 (21)

alakban áll elô, amely jó összhangban van korábbi eredményekkel [2, 6], hiszen az állandó tag a deriváláskor eltűnik.

A fenti összefüggés a geometriai optikai származtatásnál sokkal szemléletesebben a Fermat-elvbôl is belátható, ha a két prizma csúcsaiból az alapjukra állított merôlegesek által meghatározott fázisfrontokat tekintünk, és megvizsgáljuk az ezek közötti fázistolást. Legtöbbször ezt, a (21) formula által meghatározott egyszerű alakot használják a kompresszor leírására, azonban a következő fejezetben említendô okok miatt jelen esetben ez nem indokolt, sôt vélhetôen hibás eredményekre is vezetne.

3. MODELL A PRIZMÁS IMPULZUSKOMPRESSZOR HÔMÉRSÉKLETFÜGGÔ FÁZISTOLÁSÁRA

Az alábbiakban vázolom azt a modellt, amelyet a gyakorlatban alkalmazott prizmás impulzuskompresszorok termikus viselkedésére állítottam fel. Ehhez kiindulásul a rendszer fázistolására nyert (17) összefüggést vettem alapul. A minimális deviációra vonatkozó egyszerű (21) formula alkalmazása itt nem volt lehetséges. Amikor ugyanis egy kompresszort egy adott hômérsékleten az impulzus központi hullámhosszának megfelelő minimális deviációra állítunk be, akkor a hômérséklet változásával "elromlik" a minimális deviáció, legfőképpen az üveg törésmutatójának változása miatt. Az általánosabb (17) formula pedig azt is lehetővé teszi, hogy a kompresszorban terjedő más spektrális komponensekre vonatkozó repülési időket is modellezni lehessen.

Az általános tárgyalás alkalmazásának szükségszerűsége és előnyei mellett nagy hátránya az, hogy a (17) fázistolás magasabb rendű deriváltjai analitikusan kezelhetetlenül bonyolultakká válnak. A (21) formulában mindössze két, ω -függô mennyiség (ω és θ) szorzatát kell néhányszor deriválni a repülési idô, csoportkésleltetés-diszperzió stb. előállításához. Ezzel szemben a sokkal bonyolultabb, de az általános esetre vonatkozó (17) egyenletben a hosszúságdimenziójú mennyiségek és α kivételével minden mennyiség ω -függô. Ez azt eredményezi, hogy a magasabb (harmadik, negyedik) deriváltak kifejezése igen bonyolulttá válik, még akkor is, ha szimbolikus algebrai szoftverekkel próbáljuk meg azokat kezelni. Ezeknek az összetett kifejezéseknek a kiértékelése pedig nagyságrendekkel több gépidôt igényelne, mintha közvetlenül, numerikus módszerekkel előállítani a deriváltakat. Ezért a kompresszor leírására az utóbbi módszert választottam.

A kompresszor termikus viselkedésére vonatkozó modell felállításához keressük meg (17)-ben a hômérsékletfüggô mennyiségeket! Ehhez a rendszer hômérsékleti érzékenységének három forrását vettem figyelembe:

1. a prizmákat tartó optikai asztal hôtágulását,

2. a prizmák törésmutatójának hômérsékletfüggését,

3. a prizmák anyagának hôtágulását.

Ezen mennyiségek változása tulajdonképpen a (17)-ben szereplő összes paramétert megváltoztatja, kivéve nyilván ω -t, valamint α -t és a prizmák törőszögét. A

hosszúságdimenziójú mennyiségek az asztal és a prizmák hôtágulása miatt változnak, a törési szögek pedig a prizmák anyagának törésmutatója miatt.

A további tárgyalásban a fent említett három alapvetô hatást egymástól függetlennek tételezem fel, vagyis felteszem, hogy a három effektust csak a környezeti hômérséklet szabályozza.

Egy további egyszerűsítést is bevezetek, amely a hômérséklet hatására változó törésmutató, illetve az ennek hatására változó, az impulzus terjedését leíró szögek (θ , α_I , β) kiszámításához nyújt segítséget. A prizmák törésmutatója hômérsékletfüggésének pontos vizsgálatához ugyanis ismernünk kellene $n(\lambda, t)$ kétváltozós valós függvényt, ahol t a hômérséklet. Az irodalomban ezen függvény alakja nem, csupán diszkrét, vagy a hullámhossz- vagy a hômérsékletfüggésre vonatkozó mérési adatok találhatók. Ezen adatokra támaszkodva tehát először az $n(\lambda, t)$ függvényt kellett megadnom.

3.1 A TÖRÉSMUTATÓ HÔMÉRSÉKLETFÜGGÉSÉNEK MEGADÁSA

A prizmák törésmutatójának hômérsékletfüggésére a kereskedelmi üvegkatalógusok közölnek ugyan adatokat, azonban a levegôre vonatkoztatott relatív törésmutató *dn/dt* hômérsékleti együtthatóját a szokásos módon, lineáris közelítésben adják meg *dn/dt=állandó* alakban, bizonyos hômérsékleti tartományokra és mindössze öt, diszkrét hullámhosszra (1060,0 nm; 852,1nm; 643,8nm; 546,1nm; 435,8nm) [16]. A modellben a +20 °C / +40 °C-os hômérsékleti tartományra megadott adatokat használtam. Ha a katalógus diszkrét hullámhosszakra megadott adatait spektrális tartományokra terjesztjük ki, akkor a tartományok határán a késôbbi számításoknál nehézségek adódhatnak, hiszen a $dn(\lambda)/dt$ függvényben ezeken a határpontokon ugrások vannak. Ha például a repülési idô megváltozásának $dT(\lambda)/dt$ hômérsékleti koefficiensét akarjuk meghatározni egy széles sávú impulzusra a hullámhossz függvényében, akkor elképzelhető, hogy az impulzus sávszélességén belül található két ilyen spektrális tartomány határa. Ekkor azonban a repülési idő fenti, hômérséklet szerinti deriválásakor a spektrális tartomány határán szingularitás lép fel, hiszen $T(\lambda) = T(n(\lambda))$. Ezt kiküszöbölendő, 400 – 1100 nm-es spektrális tartományban adott öt pontra harmadfokú polinomot illesztettem, amelynek segítségével meghatároztam a törésmutató *dn/dt* hômérsékleti együtthatóját a 400 nm-1100 nm-es spektrális tartományokban.





A modellben négyféle üvegtípusra végeztem számításokat. A gyakorlatban legtöbbször alkalmazott SF10-bôl, BK7-bôl [16] és ömlesztett kvarcból [17] készült prizmák mellett, amelyek törésmutatója a hômérséklettel növekszik, vizsgálatokat végeztem FK54-es típusú üvegre is, amely negatív *dn/dt*-vel rendelkezik [16]. A *2. ábrán* ezen üvegek törésmutatójának hômérsékleti együtthatóját ábrázoltam a 400 – 1100 nm-es tartományban, a fent említett harmadfokú polinom segítségével. Megjegyzem, hogy a továbbiakban a rövidség kedvéért egyszerűen kvarcnak fogom nevezni az ömlesztett kvarcot.

Ezután feltételeztem, hogy a törésmutató spektrális és hômérsékleti változása független, vagyis hogy az $n(\lambda, t)$ kétváltozós függvény pontos ismeretének hiányában az

$$n(\lambda, t) = n(\lambda, t_0) + \frac{dn(\lambda)}{dt} (t - t_0)$$
(22)

formula alapján lehet meghatározni, ahol $t_0=20$ °C. A törésmutató hullámhosszfüggô részét, vagyis $n(\lambda, t_0)$ -t az irodalomban megadott formulák (az üvegekre [16], ömlesztett kvarcra [18]) segítségével lehet 365 nm – 1014 nm-ig tetszôleges hullámhosszra meghatározni a legrosszabb esetben is ±5·10⁻⁶-os pontossággal.

3.2 A HÔTÁGULÁS LEÍRÁSA

A (17) formulában három hosszúságdimenziójú mennyiség van: l, s és d_1 , amelyek a hômérséklet hatására változnak. Vegyük észre, hogy ezek közül csak lváltozása lesz számottevô hatással a kompresszoron áthaladó impulzus alakjának torzulására, hiszen az s és d_1 mennyiségeket tartalmazó tagok a második, ω szerinti deriválás során kiesnek, tehát csak a fázistolást és a repülési időt befolyásolják.

A hôtágulás leírására tekintsük a következő modellt, amelynek megértéséhez a *3. ábra* nyújt segítséget. A prizmák az alapjukon átmenô, arra merôleges súlyvonaluk mentén legyenek befogva (az ábrán S_1 és S_2 pontok). A gyakorlatban használt egyenlô szárú háromszög alapú prizmák esetén a befogási pontok alaptól vett távolsága az alap és a prizmacsúcs távolságának egyharmada. A prizmák szintén ezeknél a pontoknál (egészen pontosan S_1 és S_2 pontoknak az optikai asztalra vonatkozó vetületénél) legyenek rögzítve az optikai asztalhoz.



<u>3. ábra</u> Jelölések és koordinátarendszer a dilatációs effektusok leírásához

Jelöljük α_{ii} -vel a prizmák anyagának, α_a -val az optikai asztal anyagának a lineáris hôtágulási együtthatóját, illetve *b*-vel a prizmák alapját! Az α_{ii} fizikai mennyiséget üvegek esetén a -30 °C / +70 °C tartományra [16], ömlesztett kvarc esetén a +20 °C / +320 °C hômérsékleti tartományra [19] közlik. Alkalmasan megválasztott, A₁ origójú koordinátarendszerrel (ld. *3. ábra*), elemi geometriai számításokkal a következő eredményekre juthatunk:

$$d_1 = d_1 \cdot (1 + \alpha_{ii} \cdot \Delta t), \tag{23a}$$

$$s' = s + \frac{b \cdot \sin(\alpha + \varphi/2) \cdot \alpha_{ii} \cdot \Delta t}{3 \cdot \operatorname{tg}(\varphi/2)} + \left(s - \frac{b \cdot \cos(\alpha + \varphi/2)}{3 \cdot \operatorname{tg}(\varphi/2)}\right) \cdot \alpha_a \cdot \Delta t , \qquad (23b)$$

$$l_{x}' = l \cdot \cos \gamma \cdot (1 + \alpha_{a} \cdot \Delta t), \qquad (23c)$$

$$l_{y}' = \left(l \cdot \sin \gamma - \frac{2}{3}b \cdot \operatorname{ctg}(\varphi/2)\right) \cdot \left(1 + \alpha_{a} \cdot \Delta t\right) + \frac{2}{3}b \cdot \operatorname{ctg}(\varphi/2) \cdot \left(1 + \alpha_{ii} \cdot \Delta t\right), \quad (23d)$$

$$l'^2 = l'_x{}^2 + {l'_y{}^2}, (23e)$$

ahol vesszôvel jelöltem a Δt kis hômérsékletkülönbség hatására megnövekedett hosszúságokat, illetve l_x -szel és l_y -nal a második prizma csúcsának koordinátáit. Vigyázat, a hômérséklet megváltozása közben a γ szög is változik (hiszen l is változik), így a fenti formulákban a γ szög t_0 hômérsékleten vett értékét kell figyelembe venni! A hômérsékletek megváltozását az optimálisra beállított rendszernél mérhető környezeti hômérséklettől kell számolni.

A késôbbiekben vizsgált konstrukciós anyagok (négy típusú üveg: SF10, BK7, ömlesztett kvarc, FK54 illetve az optikai asztalnál acél és invar) lineáris hôtágulási együtthatóját 20 °C környékén az alábbi táblázatban adom meg:

Anyag neve	SF10	BK7	ömlesztett kvarc	FK54	acél	invar
Lineáris hôtágulási	i 7,5	7,1	0,55	14,6	11,7	1,2
együttható (10 ⁻⁶ 1/°C)						

Ezzel a modellel tehát igen jó közelítéssel megadtam a prizmás impulzuskompresszor hômérsékletfüggô fázistolásának a kiszámítási módját. A fázistolás egzakt (17) egyenletét kell tehát csak kiértékelni úgy, hogy az egyenletbeli változók adott hômérsékleten vett értékeit vesszük figyelembe. A β , α_l , θ szögek kiszámításánál a hômérsékletfüggô törésmutatót megadó (22) egyenletet kell felhasználni (16a) majd (16b) kiértékeléséhez, míg a hosszúságdimenziójú d_l , s, l mennyiségek hômérsékletfüggô értékeit (23a-23e) egyenletek definiálják. Ne felejtsük el azonban, hogy nem alkalmazható a modell bizonyos küszöbintenzitások felett, amikor a lineáris optikai közelítés már nem helytálló. A további fejezetekben a fentebb ismertetett modell segítségével adom meg a lézernyaláb impulzuskompresszorbeli repülési idejének, csoportkésleltetésdiszperziójának és harmadrendű diszperziójának t_0 körüli hômérsékletfüggését, vagyis a

$$\frac{dT}{dt}\Big|_{t_0,\omega_0}, \qquad \frac{d}{dt}\left(\frac{dT}{d\omega}\Big|_{\omega_0}\right)\Big|_{t_0}, \qquad \frac{d}{dt}\left(\frac{d^2T}{d\omega^2}\Big|_{\omega_0}\right)\Big|_{t_0}$$

mennyiségeket különböző paraméterek függvényében, konkrét lézerrendszerek vizsgálata kapcsán. A fentiekben megadott hômérsékletfüggő fázis négyszeri deriválását a körfrekvencia szerint, illetve egyszeri deriválását a hômérséklet szerint numerikus módszerrel végeztem el, C nyelven írt programok segítségével.

4. Szinkronpumpált lézerek

Tekintsünk most egy konkrét, a gyakorlatban is használt szinkronpumpált lézerrendszert! A hômérsékleti effektusok hatását ennek a kiválasztott rendszernek a diszkusszióján keresztül fogom bemutatni. A rezonátoron belüli prizmás impulzuskompresszor paraméterei: l=250 mm, b=30 mm és $d_1=0,5$ mm [20]. A generált 65 fs-os impulzusok központi hullámhossza 615 nm. A stabil működés érdekében a körüljárási idô ingadozását ±1,7 fs-on, a prizmák okozta csoportkésleltetés-diszperzió ingadozását pedig ±1,2 fs²-en belül kell tartani [10, 20]. Vizsgáljuk az említett négyféle üvegbôl készült prizmát, amelyekre a lézernyaláb az adott ω_0 központi hullámhosszon a

$$tg\alpha = n(\omega_0) \tag{24}$$

Brewster-feltételnek megfelelô szögben esik be! A prizma törôszöge legyen olyan, hogy a Brewster-szög alatt beesô központi hullámhossz egyben a minimális deviáció útját fussa be. (A késôbbiekben ezt I. rendszernek nevezem.)

A rendszer vizsgálatát a következőképpen végeztem el. Először ábrázoltam a kompresszor által okozott csoportkésleltetés-diszperziót és harmadrendű diszperziót a (15a, 15c) egyenletekből adódó

$$R = \frac{l_{iivegbeli}}{l} = \frac{l_1 + l_3}{l} = n(\omega) \frac{\sin\theta\sin\varphi}{\cos\beta\cos\alpha_1}$$
(25)

arány függvényében, az *l* értékét állandónak tartva. Ez az arány a nyaláb üvegben megtett teljes úthosszának és a prizmák csúcsai távolságának a hányadosa. *R* ismeretében meg tudjuk határozni a kompresszor pontos geometriai paramétereit is, hiszen ha *l* állandó volt, akkor a (25) egyenlet az adott hullámhossz mellett egyértelműen meghatározza θ -t, amely pedig a (16c) egyenlet miatt egyértelmű kapcsolatban van γ -val. γ és *l* ismeretében pedig a második prizma helyzete is ponotsan adott.

Ilyen módon elég az *R* aránynak csak azokat az értékeit tekintenünk a kompresszor méretezéséhez, ahol a beállítás csoportkésleltetés-diszperziója teljes mértékben kompenzálja a rezonátor egyéb elemeinek másodrendű diszperzióját, és nem ad számottevô nagyságú magasabb rendű diszperziót. (Itt a magasabb rendű diszperziók közül csak a harmadrendű diszperziót vizsgáltam.)

A gyakorlatban tehát olyan kompresszort érdemes tervezni és építeni, amelyik a működtetés során felhasználni kívánt R tartományon belül a legkisebb relatív harmadrendű diszperziót adja, azaz melyre a működtetési R-tartományon belül a csoportkésleltetés-diszperzió / harmadrendű diszperzió arány a legnagyobb. Ennek a feltételnek az I. rendszer esetén a kvarc, a BK7 és az FK54 tesznek eleget, mint azt majd a modellezés eredményeibôl látjuk. Általában – és ez az ábrákról is látszik – a csoportkésleltetés-diszperzió zéruspontjához tartozó R kisebb, mint a harmadrendű diszperzió zéruspontjához tartozó.

A 4. ábrán és az 5. ábrán vizsgálhatjuk meg a modellezésből nyert eredményeket. Ezekből az is kiderül, hogy az ömlesztett kvarccal, a BK7-tel és az FK54-gyel szemben az SF10-es üveg nem alkalmazható, hiszen jelentős relatív harmadrendű diszperziót ad a vizsgált reális *R* arányok mellett. Ez ahhoz vezethet, hogy a rezonátor optikai elemei által okozott csoportkésleltetés-diszperzió teljes kompenzálása mellett is a prizmás impulzuskompresszor jelentős mértékben kiszélesíti és torzítja az impulzust a kompenzálatlan harmadrendű diszperzió miatt.



<u>4. ábra</u> Csoportkésleltetés-diszperzió az I. rendszernél különbözô üvegtípusokra





A szinkronpumpált lézerekben a kompenzálandó csoportkésleltetésdiszperzió tipikus értéke +30 fs². Ezt a kompresszor az R=3,7%-os beállításnál kompenzálja, amibôl a fent leírt eljárás elvégzése után azt kapjuk, hogy γ -t 21,90°-ra kell beállítani. A továbbiakban ezt a beállítást tekintem. A rendszer hômérsékletfüggésének vizsgálatához a fázis első három deriváltját a hômérséklet szerint is deriváltam numerikusan, és a deriváltakat 20 °C környékén értékeltem ki. Ezek az értékek azt mutatják meg, hogy mennyivel változik meg a kompresszorbeli repülési idő, csoportkésleltetés-diszperzió és harmadrendű diszperzió 1 °C környezeti hômérsékletváltozás hatására. A *6., 7., 8., ábrákon* ezeket az értékeket ábrázoltam a hullámhossz függvényében acélból (szaggatott vonal) és invarból (folytonos vonal) készült optikai asztalok esetére.







A repülési idô 1°C környezeti hômérsékletváltozás hatására történô megváltozása acél optikai asztal esetén kb. egy nagyságrenddel nagyobb, mint az invar alkalmazásánál. Ez azt jelenti, hogy a hagyományos, közvetlenül az acél optikai asztalhoz rögzített prizmák esetén a rezonátor körüljárási ideje a 615 nm-es spektrális komponensre fokonként 20 fs-mal változik. Szinkronpumpált lézereknél elengedhetetlen a megfelelô szinkronizáció a gerjesztô és a rezonátorbeli lézernyaláb között, azaz a két rezonátor körüljárási idejének relatív változását igen kis értéken - a vizsgált esetben ±1,7 fs pontosan [10, 20] - kell tartani. Amennyiben a pumpáló- és a rövid impulzusú lézer termikusan nem közös környezetben van, akkor mindkét lézert lehetőleg invarból készült tartókra és asztalra kell építeni. Ennek hiányában a laboratóriumok relatív hômérsékletét ±0,1 °C-os pontossággal kellene állandó értéken tartani, amely nem csekély technikai és anyagi követelményt támasztana a kísérleti munka során.

A gyakorlatban tehát az optikai asztal dilatációjából származó effektus a szinkronpumpáló lézer körüljárási idejét tekintve az azonos hômérsékleti környezet miatt bekövetkező hasonló változás segítségével jelentősen csökkenthető. Másrészt invar valamint megfelelően tervezett befogók alkalmazásával a maradék hatás is kiküszöbölhető. A törésmutató hômérsékletfüggése és a prizmák hôtágulása miatt azonban a kompresszorbeli repülési idő még ekkor is jelentősen megváltozik. Az eredmények tanúsága szerint ez az effektus éppen tizedakkora repülési idő-változást eredményez mint 1 °C-os hômérsékletváltozás az optikai asztal hôtágulásának

kiküszöbölése nélkül (vagyis hagyományos acél optikai asztal esetén). Ez azt jelenti tehát, hogy a környezet hômérsékletét a törésmutató kiküszöbölhetetlen hômérsékletfüggésének hatása miatt legalább ±1 °C pontosan kell tartani.

A 7. és a 8. ábrán csekély eltérés figyelhetô meg az invar és az acél asztalra épített kompresszorok magasabb rendű diszperziójának hômérsékletfüggésében. A (17) és a (23c)-(23e) egyenletek alaposabb szemügyre vételével láthatjuk, hogy semmi sem indokolja azt, hogy a csoportkésleltetésdiszperzió és a magasabb rendű diszperziók függetlenek legyenek az optikai asztal anyagi minôségétôl. Ez onnan látható, hogy az α_a -tól függô mennyiségek (pl. l) szorzóként szerepelnek $n(\omega)$ -tól is függő tagok mellett a (17) egyenletben. Mivel $n(\omega)$ függvény körfrekvencia szerinti második és harmadik deriváltja nem tűnik el, így magának a fázistolásnak a magasabb rendű deriváltjaiban is megmaradnak az optikai asztal hôtágulási együtthatójától függô tagok. Mindezek ellenére ezek a tagok az ábrák tanúsága szerint nem számottevôek. A tényleges hatás valószínűleg még az ábrákon megfigyelhetônél is kisebb, hiszen a két görbe közti eltérés egy része a többszöri deriválás során óhatatlanul fellépô numerikus zajnak köszönhetô. Azt a következtetést vonhatjuk le tehát, hogy ha a kompresszornak nem a repülési idejét, hanem pl. a csoportkésleltetés-diszperzióját akarjuk stabilan tartani, akkor nem feltétlenül szükséges invar alkalmazása. A szinkronpumpált lézereknél a repülési idő változatlan értéken tartása a fontos, de a késôbbiekben olyan lézerrendszerekre is mutatok példát, ahol a csoportkésleltetés-diszperzió stabilizálása lesz elengedhetetlen. Ilyen esetben mint majd bemutatom - más úton lehet elérni a környezeti hômérséklettől független viselkedést, amelyhez elsôsorban a kompresszor geometriájának alaposabb tervezésére és megfelelő üvegválasztásra lesz szükség. Ilyen rendszerek tervezésekor még fontosabb lesz a hômérsékletfüggő fázistolás pontos modelljének megadása.

Az 6.-8. *ábrákon* a fázis deriváltjai megváltozásának abszolút értékeit tüntettem fel. Ha figyelembe vesszük a relatív megváltozásokat is, azaz, hogy fokonként mennyivel változik meg például a csoportkésleltetés-diszperzió a teljes csoportkésleltetés-diszperzióhoz képest, akkor kiderül, hogy a repülési idô fokonkénti relatív megváltozása a legkisebb (kb. 10⁻⁶/°C), míg a csoportkésleltetés-diszperzió és a harmadrendű diszperzió relatív megváltozása 3-4 nagyságrenddel nagyobb (kb. 10⁻²/°C illetve 10⁻³/°C). A két magasabb rendű diszperzió azonban jóval kevésbé függ az optikai asztal hôtágulásától. Ezeknek a megváltozását nyilván elsôsorban a prizmák

24

anyagának törésmutatója fogja meghatározni, amint azt az elôzô bekezdésben részletesen meg is vizsgáltam.

Mindezek figyelembevételével, az egyes effektusok tiszta bemutatása érdekében a továbbiakban olyan rendszereket vizsgálok, amelyeknél az optikai asztal hôtágulásának hatását invar alkalmazásával csökkentettük, és ezáltal a kompresszort a repülési időre – legalábbis kis hômérsékletingadozások esetére – stabilizáltuk.

5. A TERMIKUSAN STABIL BEÁLLÍTÁS LEHETÔSÉGE

A 6. *ábrán* láthatjuk, hogy a repülési idô fokonkénti változásának az I. rendszerben terjedô 507 nm-es spektrális komponensnél zéruspontja van, de csak akkor, ha az asztal hôtágulását kiküszöböltük. Joggal merül fel a kérdés, hogy létezik-e olyan beállítás, ahol a vizsgált központi hullámhosszra, azaz 615 nm-re is teljesül ez a feltétel. Azt is érdemes megvizsgálni, hogy a magasabb rendű deriváltak szempontjából is létezik-e hômérsékletileg stabil beállítás. Ennek eldöntésére ábrázoltam a fázis deriváltjait *R* függvényében 615 nm-nél (*9. ábra*). Vigyázat, az ábra az y tengelyén több, különbözô dimenziójú fizikai mennyiséget is felvettem!



9. ábra A fázistolás deriváltjainak hômérsékleti stabilitása az R arány függvényében

Látható, hogy ez a kompresszor a repülési idő és a harmadrendű diszperzió szempontjából annál stabilabb, minél kisebb az *R* arány. *R* lineáris csökkentésével tehát monoton és lineárisan növelhetjük a rendszer stabilitását a fázis első és harmadik deriváltja szempontjából. Ezzel szemben a másodrendű diszperzió hômérsékleti instabilitása (\approx 1,5 fs²/°C) viszonylag érzéketlen *R*-re. (Vigyázat, a rendszer viszont igenis érzékeny a másodrendű diszperzió fokonkénti változására!). Ha *R*-et fôleg az elôbbi a megfontolásból minimalizálni akarjuk, vagyis a központi hullámhosszra zérus üvegbeli úthosszat akarunk elérni (ekkor lesz *R*=0, azaz a lehető legkisebb), akkor a kompresszort arra a határesetre kell beállítani, hogy a nyaláb központi hullámhossza az elsô és a második prizma csúcsát is éppen hogy csak érintse. Ez azt jelentené, hogy a központi hullámhossznál alacsonyabb hullámhosszú komponensek "nem férnének bele" a második prizma által meghatározott ablakba, tehát durva és aszimmetrikus spektrális vágás keletkezne, ami pedig jelentôs impulzusalak-torzulásokhoz vezetne.

A fenti eszmefuttatás legfontosabb tanulsága erre a konkrét rendszerre nézve tehát az, hogy a rendszer csoportkésleltetés-diszperziójának fokonkénti 1,5 fs² - es megváltozása és az erre a paraméterre vonatkozó szoros tűréshatár [10, 20] miatt a laboratóriumi hômérséklet ingadozását ± 1 °C alatt kell tartanunk, ami összhangban van a repülési idô megváltozásának kritériuma miatti értékkel.

Semmi sem indokolja viszont általában, hogy ne létezzen olyan rendszer, ahol ne lenne megvalósítható a hômérsékletileg stabil beállítás. Ehhez az kell, hogy például a repülési idô fokonkénti változásának zérushelye *R* valamilyen, a spektrális vágás szempontjából is elfogadható értékénél legyen. A késôbbiekben ilyen rendszerre is látni fogunk példát.

6. Ultrarövid impulzusú titán:zafír lézer

A következôkben egy olyan lézertípust, egy rezonátoron belüli kompresszort tartalmazó, Kerr-lencse hatáson alapuló Ti:zafír lézert tekintek, amely 850 nm-es igen rövid, 10 fs-os lézerimpulzusokat bocsát ki [14]. A 2 mm-es titán:zafír kristály által okozott kompenzálandó csoportkésleltetés-diszperzió +104 fs², a harmadrendű diszperzió +89,4 fs³. A prizmák csúcsainak távolsága *l*=410 mm volt, a prizmák alapjai *b*=50 mm-esek. A továbbiakban ezt II. rendszernek nevezem.

Itt is azt az eljárást követtem, hogy a négy üvegtípusra elkészítettem a 4. és 5. ábráknak megfelelő grafikonokat (ezeket itt már nem ábrázoltam). Ezekből az derült ki, hogy ha Brewster-szögre csiszolt ömlesztett kvarcprizmát alkalmazunk, akkor a kompresszor R=4,1 %-os beállításánál a csoportsebesség diszperzió -104,3 fs², a

harmadrendű diszperzió pedig -70,8 fs³ lesz. Ezek az értékek jól kompenzálják a titán: zafír kristály által okozott diszperziót. Ehhez a beállításhoz γ =21,71° tartozik.

Elsőként a fázistolás deriváltjainak hômérsékletfüggését vizsgáltam meg a hullámhossz függvényében. A *10. - 12. ábrákon* az *x* tengelyeken a 850 nm központi hullámhosszú, 10 fs-os impulzus 106 nm-es sávszélességének körülbelül négyszeresét ábrázoltam. Az *y* tengelyeken a fázistolás első három deriváltjának az értékeit vettem fel invar és acél optikai asztalok esetén.











hullámhosszfüggése a II. rendszernél különböző optikai asztalokra

Látható, hogy a szinkronpumpált lézerhez hasonlóan a rezonátorbeli repülési idő hômérsékleti érzékenysége egy nagyságrendet csökken, ha az optikai asztalnál invart alkalmazunk. A repülési idő érzékenysége azonban acél optikai asztal esetén elérheti a 30 fs/°C-ot. A szinkronpumpált lézereknél ez már jelentős instabilitást okozna, azonban a Kerr-lencsés lézereknél a repülési idő stabilan tartása nem olyan erős kritérium, hiszen itt aránylag nagy tűréshatáron belül csak a lézer ismétlési frekvenciája változik az effektív rezonátorhossz változása miatt. Például egy acél asztalra épített 80 Mhz-es lézer esetén egy °C-nyi hômérséklet-különbség hatására az ismétlési frekvencia mindössze 80 Hz-cel változik meg.

A Kerr-lencsés lézerek esetén fontosabb azonban a csoportkésleltetésdiszperzió kis értéken tartása, vagyis az, hogy a rövid impulzus teljes spektrális tartományában a repülési idők legnagyobb különbsége kisebb legyen, mint 2 fs [8]. Ez egyrészt azt jelenti, hogy a stabil lézerműködés elérése nem függ az optikai asztal hôtágulásától, másrészt a 10 fs-os impulzus spektruma két végének (750 nm és 950 nm) repülési ideje közti 1 fs-nyi különbség (*10. ábra*) maximálisan ± 1 °C-os környezeti hômérsékletváltozást enged meg.

Itt is megvizsgáltam, hogy vajon létezik-e fázistolás valamely deriváltja szempontjából hômérsékletileg teljesen stabil beállítás. A *13. ábráról* egyértelműen kiderül, hogy nem. Nagyon hasonló helyzettel van itt is dolgunk, mint az I. rendszernél.



A repülési idô stabilizáláshoz az R arányt kellene minél inkább csökkenteni, ez azonban az elérni kívánt diszperzió és a nagy mértékű, aszimmetrikus spektrális vágás miatt elképzelhetetlen. Ez az állítás könnyen belátható, ha figyelembe vesszük, hogy az R arány csökkentése a (18) egyenlet alapján θ szög csökkentésével valósítható meg. Ez viszont azt jelenti, hogy a nyaláb központi hullámhosszának terjedési iránya egyre inkább egybeesik az apexeket összekötô egyenessel. Határesetben, tehát ha a nyaláb központi hullámhossza ezen egyenes mentén terjed, akkor nyilvánvaló, hogy olyan spektrális vágás keletkezik, amely során a központi hullámhossznál kékebb spektrális komponensek már nem jutnak át a kompresszoron, míg az alacsonyabb frekvenciás komponensek mind átjutnak. Innen látható, hogy ha θ t (és ezzel együtt R-t is) túl kicsire választjuk, akkor elég durván aszimmetrikus spektrális vágás is keletkezhet.

A következő derivált, a csoportkésleltetés-diszperzió *R*-tôl viszonylag független, állandó termikus instabilitása (\approx 1,5 fs²/°C) pedig a (9) egyenlet miatt jelentősen hozzájárulhat az impulzus kiszélesedéséhez ingadozó laboratóriumi hômérséklet esetén.

A fenti eredmények mellett megmutatom, hogy mégis létezik hômérsékletileg stabilizálható beállítás. A példaként vett rendszert egyszerűen a II. rendszerből kapjuk a kvarc prizmapár szintén Brewster szögű (67,03°) BK7-es prizmákkal való helyettesítésével. Ekkor, a 14. ábra tanúsága szerint R=18,5%-os aránynál eltűnik a csoportkésleltetés-diszperzió hômérsékleti változása. Ez a beállítás az





adódó +2995 fs² csoportkésleltetés-diszperzió miatt a gyakorlatban csak impulzusok nyújtására alkalmazható. Figyeljük meg azonban a rendszernek azt a pozitív tulajdonságát, hogy a teljes, 0% - 30%-os *R* tarományon belül igen kicsike marad a csoportkésleltetés-diszperzió hômérsékleti változásának abszolútértéke (<0,3 fs²/°C!). Ha az *R* értéke 0% és 5,3% között van, akkor a rendszer ráadásul negatív csoportkésleltetés-diszperziót ad, ami kompresszorként való alkalmazását is lehetôvé teszi. Ez igen figyelemreméltó eredmény ahhoz képest, hogy azt a konfiguráció változatlanul hagyásával, mindössze a prizmák cseréjével értük el. Tehát megállapítható, hogy a csoportkésleltetés-diszperzió hômérsékleti stabilizálhatósága szempontjából kiemelkedô jelentôségű a prizmák anyaga. Vegyük azt is észre, hogy az általam vizsgált üvegtípusok közül a BK7-es hômérsékleti törésmutatóváltozásának az együtthatója volt a legkisebb abszolútértékű.

Egyetlen hátránya ennek a konfigurációnak az, hogy ennél a repülési idô fokonkénti változása meglehetôsen nagy: mindig nagyobb, mint 5 fs/°C, még invar alkalmazásánál is. Az általam javasolt megoldást tehát azokra a rendszerekre érdemes alkalmazni, amelyek a csoportkésleltetés-diszperzió megváltozására érzékenyebbek, mint a repülési idôére. Az ebben a fejezetben vizsgált Kerr-lencsés lézerek éppen ilyenek. Így kimutattam azt is, hogy ezen lézerek működésének stabilitása a kompresszor geometriájának körültekintő tervezésével és a prizmák anyagának megfelelő megválasztásával nagy mértékben növelhető.

7. A prizmák hôtágulásának hatása

Vizsgáljuk meg, hogy legfeljebb mekkora hatással van a kompresszor hômérsékleti érzékenységére a prizmák anyagának hôtágulása. Bár az elôzôekben ezzel a hatással is számoltam, amint az a (23a-23d) egyenletekbôl látszik, de hogy ennek az effektusnak a várható legnagyobb relatív nagyságát is meg tudjuk becsülni, ahhoz le kell választani azt a törésmutató termikus változásáról. Ezt a vizsgálatot olyan üvegbôl készült prizmára érdemes elvégezni, amely törésmutatója kevésbé érzékeny a hômérsékletre, míg a hôtágulási együtthatója viszonylag nagy. Ilyen üveg az FK54-es, amelynek ráadásul negatív *dn/dt*-je van.

Az eredményeket a *15. ábra* mutatja, ahol megfigyelhetjük, hogy a rendszer eredő fokonkénti repülési idő-változásához mennyivel járul hozzá a prizma anyagának hôtágulása. Ez a hozzájárulás igen jelentős is lehet (4 fs/°C a 4,2 fs/°C-ból is akár). A



csoportkésleltetés-diszperzió fokonkénti változására szemléltetem ugyanezt a *16. ábrán*. Látható, hogy az üveg hôtágulása nem járul hozzá a csoportkésleltetésdiszperzió instabilitásához, az kizárólag az üvegek törésmutató-változásából fakad. Ez várható is volt, hiszen a repülési idôhöz a prizmák hôtágulása egy konstans járulékot adott. Nyilván hasonló állítás igaz a harmad- és magasabb rendű diszperziókra is.



<u>16. ábra</u> A csoportkésleltetés-diszperzió hômérsékleti változása a törésmutató hômérsékleti változásának leválasztásával illetve anélkül FK54-es üvegre

8. AZ IMPULZUSKOMPRESSZOROK OPTIMALIZÁLÁSA

A prizmás impulzuskompresszorok optimalizálásánál az elvégzett vizsgálat szerint a következő három szempontot kell figyelembe venni:

- 1. a kompresszor minél magasabb rendben kompenzálja a rezonátor egyéb elemei által okozott diszperziót,
- 2. ne történjen számottevő és aszimmetrikus spektrális vágás, ami a jelalak időbeli torzulását okozhatja,
- **3.** a rendszer termikusan stabil legyen.

Az elsôdleges szempont nyilván a kompenzálandó anyagi diszperzió mértékének beállítása. Ez a gyakorlatban úgy történik, hogy a csoportkésleltetésdiszperziót teljesen, a harmadrendű diszperziót pedig nagyrészt kompenzálják egy alkalmasan méretezett kompresszorral. További fontos szempont, hogy a geometriai beállítás ne eredményezzen számottevô spektrális vágást, vagyis a sávszélesség legalább három-négyszerese "férjen bele" a második prizmába [21]. A hômérsékleti stabilitás problémájára eddig csak "technikai" jellegű megoldások születtek (megfelelô légkondicionáló berendezések üzemeltetése illetve termikus izoláció megvalósítása), a kompresszor geometriájának kialakításában ez a szempont - a megfelelô kvantitatív elemzés hiányában - szerepet eddig nem játszott.

Nehezen elképzelhetô, hogy sikerül olyan eljárást találni, amely olyan rendszer tervezését teszi lehetôvé, amely mindhárom optimalizációs feltételnek eleget tesz. Ilyen rendszer megvalósíthatóságára csak az adott célparaméterek ismeretében következtethetünk, ahogyan azt az elôzôekben, a konkrét beállítások diszkutálásakor bemutattam.

A hômérsékleti stabilitásra való optimalizációkor figyelembe kell venni, hogy milyen lézertípusról van szó. Szinkronpumpált lézereknél például a repülési idô stabilan tartása az elsôdleges szempont, míg például Kerr-lencsés titán:zafír lézereknél a csoportkésleltetés-diszperzió hômérséklet-ingadozásra bekövetkezô változásait kell minimalizálnunk. Konkrét rendszerek termikus stabilitásra vonatkozó optimalizációjakor tehát igencsak "meg van kötve a kezünk". Erre egy konkrét példa az a tény, hogy a nagy diszperzió elôidézésére illetve ezáltal a kompresszor kompaktabbá tételére gyakran alkalmazott, nagy törésmutatójú SF10-es üvegbôl készült prizmák a vizsgálataim tanúsága szerint nem alkalmasak nagy hômérsékleti stabilitással bíró impulzuskompresszorok építésére.

A hômérsékletfüggô fázistolás általam megadott modellje alkalmas a rezonátorbeli prizmás impulzuskompresszor környezeti hômérséklettôl függô viselkedésének modellezésére. Ezáltal magyarázatot találhatunk a lézerműködésben esetlegesen bekövetkezô anomáliákra. A fentiekben olyan rendszert is bemutattam, amelynek stabilitása már $\pm 0,1$ °C hatására is jelentôsen romlik, de olyan femtoszekundumos lézerrendszerre is találhatunk példát, amelynek teljesítménye akár ± 2 °C környezeti hômérséklet-változásra sem változik meg jelentôsen. A hômérsékleti stabilitásra vonatkozó kritériumok hússzoros(!) különbsége tehát mind technikai, mind fizikai, mind anyagi szempontból indokolttá teszi a termikus tulajdonságok vizsgálatát konkrét rendszerek tervezése során.

9. A TERMIKUS HANGOLHATÓSÁG

A helyes modellbôl egyenesen következik az is, hogy tudunk olyan eszközt is konstruálni, ahol a repülési idô, csoportkésleltetés-diszperzió, harmadrendű diszperzió stb. értékeit a hômérséklet változtatásával finoman hangolhatjuk. Ez az állítás a 6. - 12. ábrák alapján is belátható. Az alaposabb vizsgálat érdekében tekintsük egy olyan kompresszort, amelyet egyenletesen fűthetô/hűthetô, egymáshoz képest azonos hômérsékleten tartható prizmákból építettünk meg, pl. Peltier-elemeket alkalmazva. Egy ilyen eszköz modellezésére nyilván használható a hômérsékletfüggô fázistolás fent megadott modellje azzal a különbséggel, hogy itt az asztal hôtágulásától el kell tekintenünk. Itt a termikus effektusokat kizárólag a prizmák hôtágulása és a törémutatójuk hômérsékletfüggése adják majd.

Az így módosított modellt alkalmazva adjuk meg a csoportkésleltetésdiszperzióból, a harmadrendű diszperzióból és az impulzus spektrális félértékszélességéből előállított *Q* mennyiséget

$$Q(\omega_0) = \frac{d^2 \phi(\omega)}{d\omega^2} \bigg|_{\omega_0} \cdot \left| \frac{d^3 \phi(\omega)}{d\omega^3} \right|_{\omega_0} \cdot \Delta \omega + (26)$$

amelynek a szemléletes jelentése a következő. Q tulajdonképpen a kompresszor két legfontosabb paraméterének: az általa okozott csoportkésleltetés-diszperziónak és a harmadrendű diszperziónak a hányadosa, elosztva az impulzus spektrális félértékszélességével. Ez utóbbit mindössze praktikus szempontok miatt tettem meg, hiszen így egy dimenziómentes mennyiséget kapunk. Ezek mellett belátható, hogy Q jelenik meg a (9) egyenletben is, ha a gaussi impulzus félértékszélességének a harmadrendű diszperzió általi módosulását is meg szeretnénk határozni.

Ezt a hányadost ábrázoltam változatlanul a II. rendszert alapul véve a kompresszor geometriájára jellemzô, a fentiekben már bevezetett R arány függvényében a *17. és a 18. ábrákon*. A hômérsékletet mint a görbék paraméterét változtatattam. A modellként vizsgált rendszer geometriai és anyagi paraméterei teljesen megegyeznek a 6. fejezetben vizsgált titán:zafír lézerre méretezett kompresszoréval.



17. ábra Kvarcprizmákból épített kompresszor termikus hangolási tulajdonságai

A grafikon x tengelyén azokat az értékeket tüntettem fel, amelyekre a Q hányados pozitív és a kompresszor által okozott csoportkésleltetés-diszperzió negatív, hiszen a gyakorlatban az olyan kompresszorok használhatók a titán:zafír kristály diszperziójának kompenzálására, amelyek által okozott csoportkésleltetés diszperzió is és a harmadrendű diszperzió is negatív. Ahol a harmadrendű diszperzió eltűnik, ott a görbe szingulárissá válik, ezt az értéket (R=4,46% jelen esetben) már nem ábrázoltam a grafikonokon. Nem vettem figyelembe, hogy a grafikonokon esetleg feltüntettem R azon tartományait is, ahol a kompresszor által okozott spektrális vágás számottevô jelalak-torzulást eredményez. A jelentôs jelalaktorzulás elkerüléséhez feltételként az szabható, hogy az impulzus sávszélességének legalább négyszerese férjen bele a kompresszor geometriai méretei által meghatározott spektrális ablakba. Ekkor az impulzus kontrasztját a 10⁻⁴-es ill. a 10⁻⁶-os szintig tisztán tudjuk tartani, sech²- ill. gauss-alakú impulzust véve alapul, ebben a sorrendben [21]. Nem árt megjegyezni, hogy ennek a feltételnek a kvarcprizmákból épített kompresszornál az R=0...3,0%-os tartomány nem tesz eleget.

Az 17. ábráról rögtön leolvasható, hogy a kompresszor által okozott diszperziók aránya a prizmák hômérsékletének változtatásával finoman hangolható. Még egy fontos tulajdonság állapítható meg az ábráról: az impulozuskompresszort az optimális működés érdekében célszerű minél alacsonyabb hômérsékleten tartani! Általános tapasztalat az, hogy a kompresszor által kompenzálandó csoportkésleltetés-diszperzió pontos kiegyenlítése esetén a rendszer túlkompenzálja a titán:zafír kristály által okozott harmadrendű diszperziót. Ez a visszazsugorított impulzus alakjának nemkívánatos torzulásához vezet. Ez azt jelenti, hogy a Q hányados nevezőjében

szereplő harmadrendű diszperziót célszerű valamilyen alkalmas módszerrel minél inkább "elnyomni". Így tehát a kompresszornak az a kedvező beállítása, egy adott kompenzálandó csoportkésleltetés-diszperzió mellett, ahol a *Q* értéke minél nagyobb. A *17. ábra* éppen azt mutatja, hogy ebből a szempontból az alacsonyabb hômérsékleten üzemeltetett kompresszorok az előnyösebbek. Ezzel beláttam azt, hogy ha nem sikerül olyan kompresszor konstruálnunk, amely a megfelelő geometriájával és anyagi paramétereivel tökéletesen kiegyenlíti a titán:zafír kristály által okozott csoportkésleltetés-diszperziót és harmadrendű diszperziót, akkor a kompresszor hômérsékletének változtatásával van még lehetőségünk az optimális beállítás elérésére.

A 18. ábrán az R-et egy másik, nagyobb tartományon tüntettem fel. Ez a grafikon egy újabb bizonyítékot szolgáltat arra, hogy egy kis körültekintéssel és szerencsével hômérsékletileg stabil kompresszorokat tervezhetünk: az R arány 5,9%-os értéke mellett a prizmapár termikusan stabil lesz a Q hányados szempontjából.



18. ábra Kvarcprizmákból épített impulzusnyújtó termikus hangolási tulajdonságai

Egy ilyen geometriájú eszköz sajnos nem használható fel impulzuskompresszióra, legfeljebb impulzusok nyújtására, hiszen bár a Q pozitív, de ez úgy állt elô, hogy a csoportkésleltetés-diszperzió is és a harmadrendű diszperzió is pozitív értéket vett fel. Mindenesetre ezzel kimutattam a termikusan stabil pontok létezését a Q szempontjából is.

A fentiekben beláttam tehát, hogy a megfelelő modell alapján megtervezett és megépített rendszer termikus viselkedése kiszámítható lesz, ami a hômérsékleti hangolást a kísérleti megvalósítás során lehetővé teszi.

10. Az impulzusok félértékszélességének hômérsékletfüggése

A következőkben megvizsgálom az impulzusok alakjának megváltozását, miközben a hangolható kompresszor hômérsékletét változtatjuk. Ezeket a számításokat az (1)-(4) egyenletek által megadott és az 1. fejezet elején leírt Fourier-transzformációs módszerrel végeztem el. A lézerimpulzusok alakjának jellemzésére önkényesen definiált paraméterek (pl. a félértékszélesség) nagy mértékben függenek az impulzus alakjára illesztett függvények analitikus tulajdonságaitól. Ezért az impulzusok idôbeli lefutására vonatkozó vizsgálataimban két, a modellezés során leggyakrabban használt impulzusalakot, a gaussit (ld. pl. a (8)-as egyenletet, a lineáris fázismodulációs tényezô nélkül) és a

$$E_{0}(t) = A_{0} \operatorname{sech}^{2} \frac{762747}{\tau_{0}} t e^{-i\omega_{0}t}$$
(27)

egyenlettel adott sech²-et vettem alapul. Most is a 6. fejezet elején ismertetett 10 fs-os lézerrendszert vizsgáltam meg, a kompresszor ismertetett paramétereit használva. A numerikus, az úgynevezett gyors Fourier-transzformáció segítségével (Fast Fourier Transform, FFT) elvégzett számolások során a modellként vett, a titán:zafír kristály diszperziója miatt kiszélesedett több, mint 30 fs-os impulzust transzformáltam a prizmás kompresszor numerikusan meghatározott hômérsékletfüggô fázistolásának megfelelően. Ennek hatására az impulzus a kompresszor beállítási hômérsékletén, 10°C-on közel a transzformációkorlátozott időbeli félértékszélességig zsugorodott vissza. Teljes összenyomás a transzformációkorlát altal meghatározott értékig nem érhető el, mint azt majd láthatjuk, hiszen a kompresszor a harmadrendű diszperziót is csak részlegesen kompenzálja, illetve az ennél magasabb rendű diszperziókat pedig egyáltalán nem feltétlenül egyenlíti ki. Ha a kompresszort nem az ideális, beállítási hômérsékletén használjuk, hanem az adott hômérsékleten beállított kompresszor prizmáit elkezdjük fűteni, akkor a *19. ábrán* látható eredményeket kapjuk.





Innen az figyelhető meg, hogy a kompresszor utáni impulzus félértékszélességét befolyásolja a rendszer hômérséklete, de még igen nagy hômérsékleti tartományon belül is (10 °C - 55 °C) alig másfélszeresére változtatja az impulzuhosszat a kompresszor termikus hangolása, függetlenül a bemenő lézerimpulzus alakjától.

Megvizsgáltam azt az esetet is, amikor nem csak a prizmákat fűtjük (ilyenkor az optikai asztal nyilván nem tágul, ha a környezet hômérsékletét stabilan tartjuk), hanem az acélból készült optikai asztal hômérséklete is arányosan változik a prizmákéval. Ezzel tehát ismét a környezeti hômérséklet változásainak hatását modelleztem, itt most az impulzusok félértékszélességének szempontjából. A *19. ábrán* vékony vonallal rajzolt görbék ezeket az eredményeket ábrázolják.

Megállapítható, hogy alig figyelhetô meg eltérés a vastag és a vékony vonallal ábrázolt görbék között. Ez összhangban van azon korábbi eredményeimmel, melyek szerint a csoportkéleltetés-diszperzió és a magasabb rendű diszperziók hômérsékleti érzékenysége csak igen kis mértékben függ az optikai asztal anyagi minôségétől. (ld. 7.-8. illetve 11.-12. ábrák, illetve a 23. oldalon tett megállapítások). Mivel az impulzusok alakjának és így félértékszélességének megváltozása a másod-illetve magasabbrendű diszperziók megváltozásával van kapcsolatban, ezért a 19. ábrán megfigyelhetô csekély eltérés is előrejelezhetô volt a már említett korábbi eredményekbôl. Most viszont az is megállapítható volt az alkalmazott numerikus módszerek ismeretében, hogy ez a minimális eltérés is valószínűleg a numerikus

hibáknak a következménye. A 850 nm-es impulzusok egy optikai ciklusának hossza 2,84 fs, és az általam használt algoritmusban optikai ciklusonként 24 pontból mintavételeztem az impulzus időbeli lefutását. Ez azt jelenti, hogy a kompresszoron áthaladt, visszazsugorított impulzus félértékszélességének megállapításánál a numerikus módszereknek ez a fajta "kvantálási hibája" 0,1 fs nagyságrendű elérést is okozhat. Az ábrán megfigyelhető eltérések is éppen ebbe a nagyságrendbe esnek. Összefoglalásképpen azt mondhatjuk tehát, hogy az optikai asztal hôtágulása nem befolyásolja az impulzusok félértékszélességét.

11. AZ IMPULZUSOK KONTRASZTJÁNAK HÔMÉRSÉKLETFÜGGÉSE

Vizsgáljunk meg még egy, az impulzusok alakjának jellemzésére használt mennyiséget, a kontrasztot. Ennek a fôleg a nagytelejesítményő lézerek alakalmazása során fontos mennyiségnek a definícióját és a jelentését az 1. fejezetben említettem meg. A vizsgált, II. modellrendszerre a már leírt Fourier-transzformációs módszert titán:zafír kristály diszperziója miatt kiszélesedett, alkalmaztam. А nem transzformáció-limitált, 30,2 fs-os (gaussi) illetve 36,7 fs-os (sech²) impulzusok intenzitásának időbeli lefutására a következő eredményeket kapjuk, 10⁻⁴-es mélységű logaritmikus skálán ábrázolva. (Az intenzitás egységéül a kiindulási impulzus csúcsintenzitását választottam)



Megfigyelhetô, hogy a kristály diszperziója aszimmetrikus impulzusokat eredményez. Ezek először a 10 °C-os, ezen a hômérsékleten beállított kompresszoron áthaladva a *21. ábrán*, míg az 55 °C-ra felfűtött kompresszoron áthaladva *a 22. ábrán* megadott alakúak lesznek. (A grafikonokon a könnyebb összevethetôség érdekében mindenütt 300 fs-os időtartományt ábrázoltam az x tengelyeken.)



Látható, hogy az impulzusok repülési idejét is jelentősen megváltoztatja a kompresszor hômérséklete, azonban, amint már azt a 6. fejezetben, a Kerr-lencsés titán:zafír lézerek vizsgálatakor láthattuk, a repülési idô stabilan tartása ebben az esetben nem feltétlenül szükséges. Sokkal érdekesebb megfigyeléseket tehetünk viszont az impulzusok alakjának vizsgálatakor. A 10 °C-os kompresszor közel a kívánt 10 fs-os hosszúságúra nyomja össze az impulzusokat. Ugyanez a prizmapár 55 °C-ra felfűtve már nem biztosít ideális kompressziót, hiszen az impulzusokat csak kb. 15 fs hosszúságúra rövidíti le, a *19. ábrán* megfigyelhető eredményekkel teljes összhangban. A várakozásoknak megfelelően a relatív csúcsintenzitás 10 °C-on megközelíti az elérendő 1-es értéket. (Teljesen elérni nem lehet, hiszen pl. a harmadiknál magasabb rendű diszperziókat egyáltalán nem kompenzáltuk.) Az 55 °Cra melegített kompresszornál ez az érték 0,55-re illetve 0,3-re csökken a két vizsgált impulzusalak esetében. A felfűtött kompresszoron áthaladt impulzusok "tövének" (pl. mondjuk a félértékszélességen kívüli részének) az energiatartalma is szemmel láthatóan megnőtt.

Ezeknél érdekesebb jelenség viszont, hogy a 10 °C-os, közel optimálisnak gondolt kompresszornál $3,0.10^3$ -os illetve $1,1.10^2$ -os szinten elô- és utóimpulzusok jelennek meg. Ez a jelenség nem származhat a numerikus módszerek során elkövetett spektrális vágásból (vagyis hogy a bemenô impulzus diszkrét Fourier-transzformációja után a spektrális tartomány túl szűk részén lévô pontokhoz számoltuk csak hozzá az $e^{-i\phi(\omega)}$ hômérsékletfüggő fázistolást). Más vizsgálatokból ismert, hogy az általam az itteni számításokban használt spektrális tartomány, vagyis a spektrális félértékszéleség ötszöröséig megadott fázistolás, illetve a spektrum "levágása" ezeken a tartományokon $2 \cdot 10^{-5}$ -es illetve 10^{-9} -es eredményezhet kívül nem szintnél nagyobb mellékimpulzusokat sech² illetve gaussi impulzusalakokat tekintve rendre [21]. Az itt megjelenô, magas szintű mellékimpulzusok tehát egyértelműen a kompresszor nem vagy csak rosszul kompenzált magasabbrendű diszperziójának következményeként lépnek fel.

Meglepő jelenséget figyelhetünk meg ezzel kapcsolatban a 22. *ábrán*. Habár a 10 °C-n beállított, majd 55 °C-ra felfűtött kompresszor csúcsintenzitással és az időbeli félértékszélességgel kapcsolatos paraméterei egyértelműen leromlottak, viszont teljes mértékben eltűntek (legalábbis a 10⁻⁴-es szintig) a mellékimpulzusok. Ezzel persze az járt együtt, hogy az impulzusok energiatartalma is nemkívánatos mértékben megnőtt, időben az impulzusok szélei felé közeledve. Ez egy kellemetlen "mellékhatása" a kontraszt szemmel láthatóan nagy mértékű javulásának.

Kimutattam tehát, hogy az impulzusok alakjára és ezen belül a kontraszt nagyságára is nagy hatással vannak a hômérsékletfüggô fázistolás magasabb rendű tagjai. Mindössze a kompresszor hômérsékletének változtatásával a magasabb rendű diszperziók arányát és hatását az impulzuskompresszióra annyira meg lehet változtatni, hogy a mellékimpulzusok szintjét drasztikusan, az elemzett modellrendszernél legalább századrészére lehetett csökkenteni. Ez az eredmény kulcsfontosságú lehet bizonyos nagyintenzitású alkalmazásoknál.

Összefoglalás

Dolgozatomban tűztem ki célul. hogy prizmás azt а impulzuskompresszorok eddig már kísérletileg felismert termikus instabilitására egy, a gyakorlatban is alkalmazható modellt adjak. Ennek nagy jelentôsége van a femtoszekundumos lézerrendszerek tervezése szempontjából, hiszen a rövid impulzushosszaknál a lézerműködés instabilitásáért nagy mértékben felelős lehet a környezeti hômérséklet ingadozása. Ezt az empirikus tényt az általam felállított hômérsékletfüggô fázistolás modelljével igazoltam is. Az általános modell a geometriai optikán alapszik, és a kompresszor általam vizsgált fizikai paramétereit a fázistolás körfrekvencia illetve hômérséklet szerinti deriválásával állítja elô.

Konkrét rendszerek kapcsán a kidolgozott modell segítségével becslést adtam a hômérsékleti instabilitás három forrása, az optikai asztal hôtágulása, a prizmák törésmutatójának hômérsékletfüggése és a prizmák hôtágulása által okozott hatás nagyságrendjére. Megmutattam, hogy a szinkronpumpált lézerek működése már $\pm 0,1$ °C hômérsékletváltozás esetén is instabillá válhat az optikai asztal hôtágulása által okozott repülési idô megváltozása miatt. Ha az asztal dilatációját kiküszöböljük, akkor a törésmutató hômérsékletfüggése miatt a hômérséklet-változással szembeni tolerancia még mindig ± 1 °C-on belül marad.

A törésmutató termikus változása egyes femtoszekundumos, Kerr-lencse hatáson alapuló titán:zafír lézer esetén maximálisan ±1 °C-os ingadozást engedhet csak meg. Kimutattam azonban, hogy a termikus stabilizálhatóság nagy mértékben függ az üvegtípus megválasztásától, illetve a rendszer geometriájától, tehát nem feltétlenül kell "technikai" jellegű megoldásokban gondolkodnunk. Erre példát is adtam: az üvegtípus alkalmas megválasztásával és a kompresszor geometriájának a megfelelő megtervezésével hômérsékletileg stabil rendszereket lehet tervezni vagy a repülési idő vagy a csoportkésleltetés-diszperzió szempontjából. Kitértem a prizmás impulzuskompresszorok optimalizálásának a problémakörére is.

A bemutatott modell és a konkrét rendszerek diszkussziójának további következménye az, hogy egy adott lézerrendszer paramétereit finoman hangolhatjuk a kompresszor hômérsékletének változtatásával. Ennek illusztrálása érdekében megadtam egy titán:zafír lézer impulzuskompresszorának termikus hangolási görbéit. Kimutattam, hogy a prizmák hűtésével általában is a harmadrendű diszperzió teljesebb

43

kiegyenlítését, vagyis a transzformációkorláthoz közelebbi impulzusokat érhetünk el. A termikus hangolás tehát egy viszonylag egyszerűen megvalósítható és olcsó eljárást jelent ultrarövid lézerimpulzusok keltésére.

Kvantitatív vizsgálatokat végeztem az impulzusok félértékszélességének a hômérséklet hatására bekövetkező megváltozásával kapcsolatban. Kimutattam azt is, hogy a prizmák hômérsékletének a szabályozásával nagy mértékben meg tudjuk növelni az impulzusok időbeli kontrasztját, ami egyes alkalmazásoknál döntő fontosságú lehet.

IRODALOMJEGYZÉK

[1] E. B. TREACY, IEEE, J. Quantum Electron. QE-5 (1969) 454

[2] Z. BOR, B. RÁCZ, Opt. Comm. 54 (1985) 165

[3] O.E.MARTINEZ, J.Opt.Soc.B 3 (1986) 929

[4] Z. BOR, B.RÁCZ, G.SZABÓ, M.HILBERT, H.A.HAZIM, Optics Eng. 32 (1993) 2501

[5] F.J.DUARTE. J.A.PIPER, Opt.Comm. 43 (1982) 303

[6] O. E. MARTINEZ, J. P. GORDON, R. L. FORK, J. Opt. Soc. Am. A 1 (1984) 1003

[7] D.STRICKLAND, G.MOUROU, Optics Comm. 56 (1985) 219

[8] Legújabb összefoglaló tematikus szám: Appl. Phys.B 65 (1997) 115-277

[9] T. R. GOSNELL, A. J. TAYLOR, editors: *Ultrashort laser technology*, SPIE Milestone series, (1995)

[10] Z.BOR, K.OSVAY, H.A.HAZIM, A.KOVÁCS, G.SZABÓ, B.RÁCZ, O.E.MARTINEZ, Optics Comm. **90** (1992) 70

[11] W.KOECHNER: Solid state laser engineering, 3rd ed., Springer, Berlin, 1992

[12] V.FRANCOIS, S.LAGACE, X.GUAN, S.L.CHIN, Appl.Opt. 33 (1994) 5522

[13] OSVAY K.: Ultrarövid lézerimpulzusok alakjának formálása, Kandidátusi értekezés, Szeged, 1994

[14] ZHOU ET AL., Opt.Lett. **19** (1994) 1149

[15] A.P.KOVÁCS, K.OSVAY, Z.BOR, R.SZIPÔCS, Opt.Lett. 20 (1995) 788

[16] Schott Optical Glass, Schott Glass Technologies Inc., 400 York Ave., Duryea, PA 18642

[17] S. DE NICOLA, G. CARBONARA, A. FINZIO, G. PIERATTINI, Appl.Phys B 58 (1994) 133

[18] I.H.MALITSON, Appl.Optics 2 (1963) 1103

[19] CRC Handbook of Tables for Applied Engineering Science (CRC Press, Florida, 1988)

[20] M. NAKAZAWA, T. NAKASHIMA, H. KUBOTA, S. SEIKAI, Opt. Lett. 12 (1987)681

[21] GAÁL A.: Femtoszekundumos lézerimpulzusok kontrasztjának vizsgálata, Tudományos diákköri dolgozat, Szeged, 1998