

Fizikai optika

A fény mint hullám. A fényinterferencia feltételei, koherencia.

Az elektromágneses fényelmélet szerint a (látható) fény egy olyan **elektromágneses hullám**, amelynek hullámhossza (vákumban) 380 nm és 780 nm közötti tartományban van.

A fényben tehát az elektromágneses tér jellemezői rezegnek, melyek a következők:

- elektromos térerősség, E [V/m = N/C = N/As]
- elektromos eltolás, D [As/m²]
- mágneses indukció, B [T (tesla) = Vs/m² = N/Am]
- mágneses térerősség, H [A/m]

Lineáris és izotróp közegben

$$D = \epsilon_r \epsilon_0 \cdot E,$$

$$B = \mu_r \mu_0 \cdot H$$

- ϵ_0 a vákuum **permittivitása (dielektromos állandója)**: $\epsilon_0 = 8.8542 \cdot 10^{-12}$ As/Vm ,
- ϵ_r a közeg **relatív permittivitása**,
- μ_0 a vákuum **permeabilitása**: $\mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7}$ Vs/Am
- μ_r a közeg **relatív permeabilitása**.

- Az elektromágneses tér jellemzőinek tér- és időbeli függését a **Maxwell-egyenletek** írják le.
- Ezekből megmutatható, hogy töltés- és árammentes közegben a tér jellemzői kielégítik a **hullámegyenletet**. Ebből következtethetünk az elektromágneses hullámok létezésére!
- Vákumbeli a **terjedési sebesség** pontosan a vákuumbeli **fénysebességgel azonos**. Ezért (is) következtethetünk arra, hogy a fény is elektromágneses hullám!

A Maxwell-féle elmélet szerint az elektromágneses hullámok terjedési sebessége a közegre jellemző állandóktól függ:

$$c = \frac{1}{\sqrt{\epsilon_0 \epsilon_r \mu_0 \mu_r}} = \frac{c_0}{\sqrt{\epsilon_r \mu_r}}, \text{ ahol } c_0 = \frac{1}{\sqrt{\epsilon_0 \mu_0}} \text{ a vákuumbeli terjedési sebesség. } (\epsilon_r = 1 \text{ és } \mu_r = 1)$$

$$n = \frac{c_0}{c} = \frac{c_0 T}{c T} = \frac{\lambda_0}{\lambda}$$

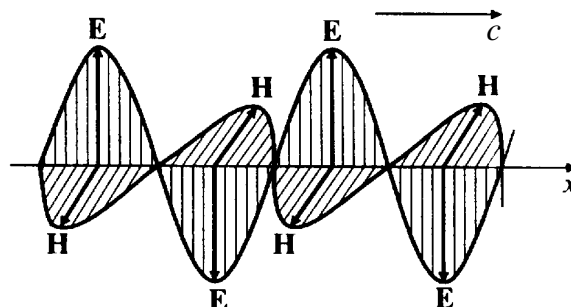
, ahol λ_0 vákuumbeli hullámhossz

$$n = \frac{c_0}{c} = \sqrt{\epsilon_r \mu_r} \quad (\text{Maxwell-féle reláció})$$

Elektromágneses síkhullám (a monokromatikus, párhuzamos, homogén fénynyaláb közelítőleg ilyen)

$$\vec{E} = E_0 \sin \left[\omega \cdot \left(t - \frac{x}{c} \right) + \alpha \right] \cdot \vec{e}_y$$

$$\vec{H} = H_0 \sin \left[\omega \cdot \left(t - \frac{x}{c} \right) + \alpha \right] \cdot \vec{e}_z$$



A **Maxwell-egyenletekből** következik, hogy a két térmennyiség egymásra és terjedési irányra is merőleges és azonos fázisban változik.

A hullám fázisát más alakba is felírhatjuk:

$$\omega \cdot \left(t - \frac{x}{c} \right) = 2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{x}{cT} \right) = 2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{x}{\lambda} \right) = 2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{nx}{\lambda_0} \right) = 2\pi (vt - nk_0 x)$$

A Maxwell-egyenletekből az is következik, hogy az amplitúdók nem függetlenek egymástól:

$$\varepsilon_0 \varepsilon_r E_0^2 = \mu_0 \mu_r H_0^2 \quad \rightarrow \quad \frac{E_0}{H_0} = Z = \sqrt{\frac{\mu_0 \mu_r}{\varepsilon_0 \varepsilon_r}} \quad \begin{array}{l} Z \text{ a közeg hullámellenállása.} \\ \text{Vákuumra } \varepsilon_r = \mu_r = 1, \text{ így} \\ \text{vákuumra } Z_0 = \sqrt{\mu_0/\varepsilon_0} \approx 377 \Omega \end{array}$$

Az elektromágneses hullámok energiasűrűsége:

Tetszőleges elektromágneses hullámra: $w = \frac{1}{2} \varepsilon_0 \varepsilon_r E^2 + \frac{1}{2} \mu_0 \mu_r H^2$

Behelyettesítve a síkhullám formuláit:

$$w = \frac{1}{2} (\varepsilon_0 \varepsilon_r E_0^2 + \mu_0 \mu_r H_0^2) \sin^2[\omega \cdot (t - x/c) + \alpha] = \varepsilon_0 \varepsilon_r E_0^2 \sin^2[\omega \cdot (t - x/c) + \alpha]$$

A fényintenzitás kiszámításánál w időbeli átlagértéke számít:

$$\bar{w} = \frac{1}{2} \varepsilon_0 \varepsilon_r E_0^2$$

Az energiaáramlás sűrűsége (Poynting-vektor)

$$\vec{S} = \vec{E} \times \vec{H} = \frac{E_0^2}{Z} \sin^2[\omega \cdot (t - x/c) + \alpha] \vec{e}_x = S \vec{e}_x, \quad \text{ahol} \quad S = \frac{E_0^2}{Z} \sin^2[\omega \cdot (t - x/c) + \alpha]$$

A fény intenzitása

$$J = \bar{S} = \frac{E_0^2}{Z} \overline{\sin^2[\omega \cdot (t - x/c) + \alpha]} = \frac{E_0^2}{2Z} = \frac{E_0^2}{2} \sqrt{\frac{\varepsilon_0 \varepsilon_r}{\mu_0 \mu_r}} = \frac{E_0^2}{2} \frac{\varepsilon_0 \varepsilon_r}{\sqrt{\varepsilon_0 \varepsilon_r \mu_0 \mu_r}} = \frac{\varepsilon_0 \varepsilon_r E_0^2}{2} c$$

$$J = \frac{E_0^2}{2Z} = \frac{Z H_0^2}{2}$$

és

$$J = \bar{w} c$$

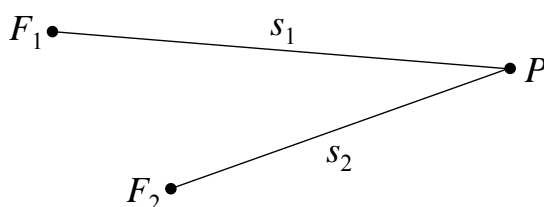
A fény interferenciája

Mivel az interferencia hullámok találkozásánál fellépő jelenség, ezért a fény interferenciája **a fény hullámtermészetének egyik bizonyítéka.**

A szuperpozíció elvével értelmezhető.

- Ha a hullámok azonos fázisban találkoznak, akkor a hullám amplitúdója maximális,
- ha a hullámok ellentétes fázisban találkoznak, akkor a hullám amplitúdója minimális.

Hogyan függ a fényintenzitás a két találkozó fényhullám intenzitásától?



$$\vec{E}_1 = A_1 \sin \left[2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{n s_1}{\lambda} \right) + \alpha_1 \right] \vec{e}_y$$

$$\vec{E}_2 = A_2 \sin \left[2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{n s_2}{\lambda} \right) + \alpha_2 \right] \vec{e}_y$$

$$\vec{E} = \vec{E}_1 + \vec{E}_2 = A \sin(2\pi t/T + \alpha) \vec{e}_y$$

$$A^2 = A_1^2 + A_2^2 + 2A_1 A_2 \cos \delta, \quad \text{ahol}$$

$$\delta = \varphi_2 - \varphi_1 = 2\pi \frac{n s_1 - n s_2}{\lambda} + \alpha_2 - \alpha_1$$

$$J = \frac{A^2}{2Z} = \frac{A_1^2}{2Z} + \frac{A_2^2}{2Z} + 2 \frac{A_1}{\sqrt{2Z}} \frac{A_2}{\sqrt{2Z}} \cos \delta = J_1 + J_2 + 2\sqrt{J_1 J_2} \cos \delta$$

$$J = J_1 + J_2 + 2\sqrt{J_1 J_2} \cos \delta$$

$$J_{\max} = (\sqrt{J_1} + \sqrt{J_2})^2, \quad \text{ha} \quad \delta = 2m\pi$$

$$m = 0, \pm 1, \pm 2, \dots$$

$$J_{\min} = (\sqrt{J_1} - \sqrt{J_2})^2, \quad \text{ha} \quad \delta = (2m+1)\pi$$

Ha a két fényforrás azonos fázisban rezeg ($\alpha_1 = \alpha_2$)

a maximális erősítés feltétele: $\delta = 2m\pi$ \longleftrightarrow

$$\Delta = n s_1 - n s_2 = 2m \lambda / 2 = m \lambda$$

a maximális gyengítés feltétele: $\delta = (2m + 1)\pi$ \longleftrightarrow

$$\Delta = n s_1 - n s_2 = (2m + 1) \lambda / 2$$

$$m = 0, \pm 1, \pm 2, \dots$$

Koherencia

- Minden napos tapasztalat, hogy két fényforrással egy helyre világítva, a megvilágított hely nem lesz sötétebb! (Az interferencia esetén ilyen előfordulhat!)
- Többnyire a két fényforrás fényének intenzitása egyszerűen összeadódik, vagyis az eredő intenzitásra $J = J_1 + J_2$ áll fenn!
- **Miért nem tapasztaljuk általában az előzőekben tárgyalt interferenciát?**
- Ennek oka a fénykibocsátás sajátosságaival kapcsolatos!
- Ha két fényhullám találkozásánál interferencia lép fel, akkor azt mondjuk, hogy a két fényhullám **koherens**.
- Ha két fényhullám találkozásánál interferencia nem lép fel, akkor azt mondjuk, hogy a két fényhullám **nem koherens**, vagy **inkoherens**.
- Tehát két fényhullám találkozásánál az eredő intenzitásra

koherens esetben:

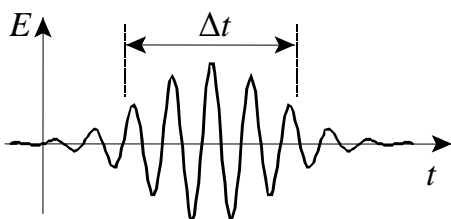
$$J = J_1 + J_2 + \underbrace{2\sqrt{J_1 J_2} \cos \delta}_{\text{koherenciatag}}$$

inkoherens esetben:

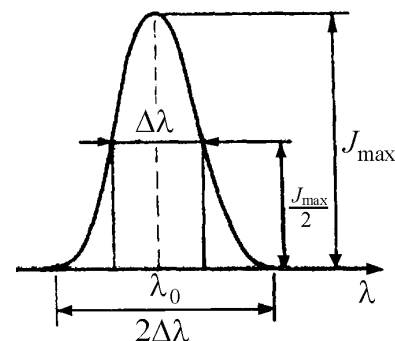
$$J = J_1 + J_2$$

A fénykibocsátás interferenciát befolyásoló sajátosságai, koherenciafeltételek

- A fényforrások **kiterjedtek**.
- A fényt a fényforrásban lévő **gerjesztett atomok** és/vagy **molekulák** sugározzák ki.
- Szokásos fényforrásainknál a gerjesztett atomok (molekulák) fénykibocsátása **egymástól függetlenül** és **rendszertelenül**, **spontán** módon, az esetleg jelenlévő elektromágneses tértől függetlenül történik (**spontán emisszió**).
- A fénykibocsátás igen **rövid idejű** (ps – ns nagyságrendű). Ennek következtében a kibocsátott fényhullám **nem monokromatikus**, hanem egy véges tér- és időbeli hosszúságú hullámvonulat (hullámcsomag). A hullámvonulat hosszát **koherenciahossznak** nevezik.



$$l = c \Delta t \approx \frac{\lambda_0^2}{\Delta \lambda}$$

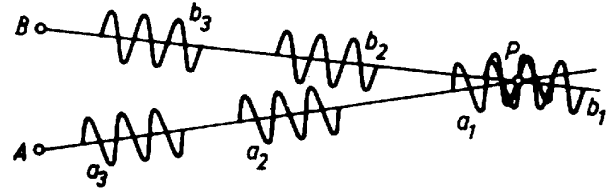


- Ahhoz, hogy a – hullámvonulat időtartamához képest viszonylag hosszú – **megfigyelési idő** alatt **észlelhető** interferencia jöjjön létre, **időben állandó fáziskülönbség** szükséges!
- Ez – egyrészt – csak úgy jöhet létre, ha a **találkozó fényhullámok** (közel) **azonos frekvenciájú** (közel) **monokromatikus** hullámok.

- Másrészt általában, az egymástól **független** és **rendezetlen** elemi **fénykibocsátások** miatt az egyes hullámvonulatok fáziskülönbsége időben **véletlenszerűen** változik, vagyis az **interferenciához** szükséges időben **állandó fáziskülönbség** általában **nem teljesül**.

- Például, az **A** és **B** pontokból származó (a_1, b_1) vonulatok – a fáziskülönbségtől függően – az átfedésük rövid ideje alatt létre hoznak valamilyen fényhatást (pl. erősítést).

- Azonban, az egymást rendszertelenül követő további, (a_2, b_2) , (a_3, b_3) , ... vonulatok már teljesen más fényhatást hoznak létre.



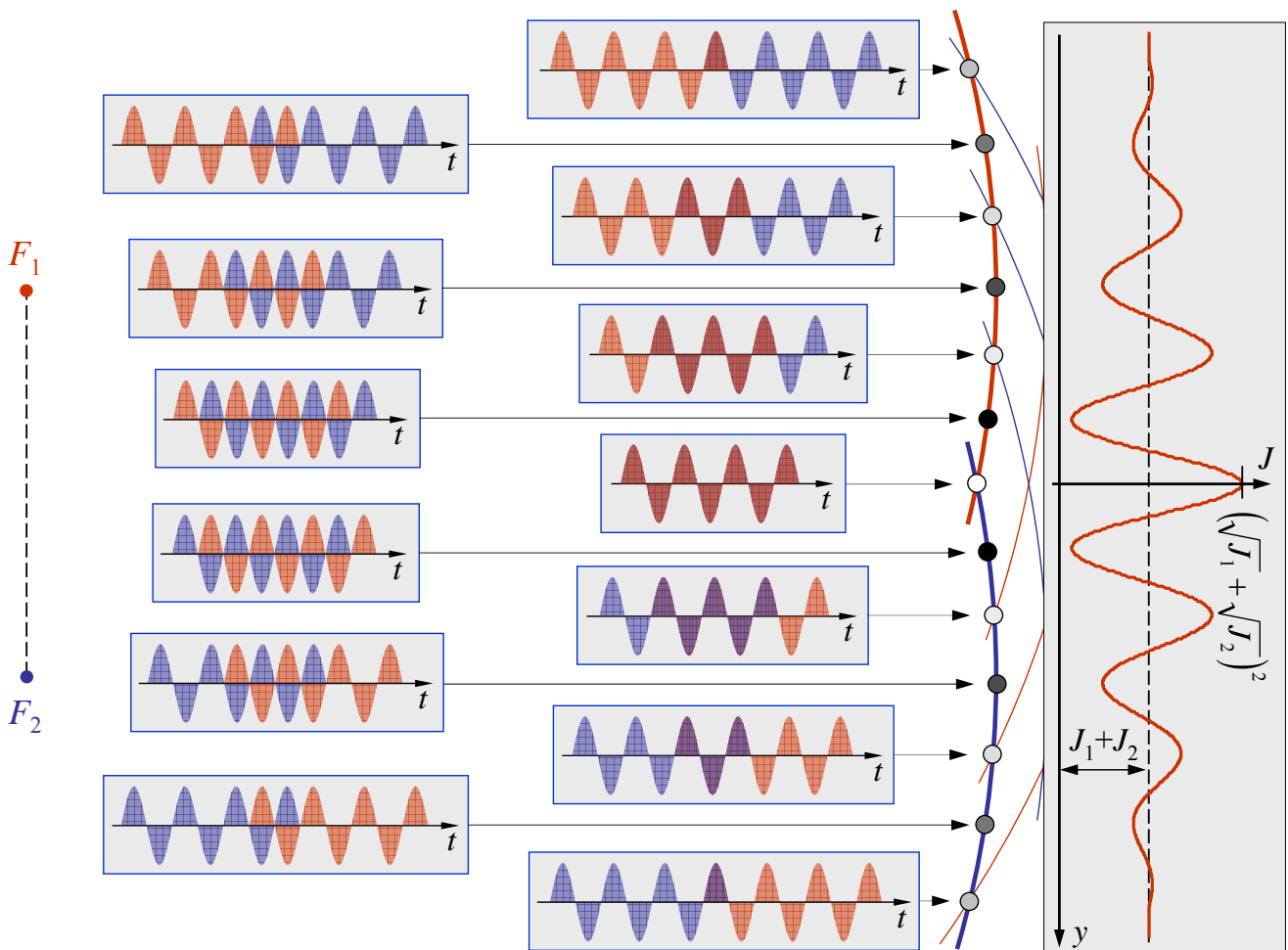
- A **detektor** a hullámvonulatok hosszának megfelelő **rövid** időt **nem képes felbontani**, így az elemi folyamatokhoz tartozó intenzitások **megfigyelési időre** vonatkozó **átlagát** méri.

- A rendszertelen fáziskülönbség miatt, a megfigyelési időre vonatkozólag a **koherenciatag** időbeli **átlaga zérus**. Ekkor a **megfigyelt intenzitás a két intenzitás összege**.

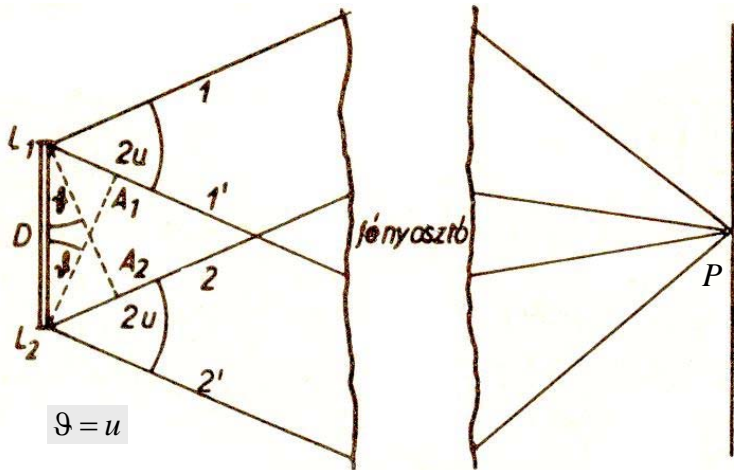
- Ennek következtében a szokásos fényforrásoknál a fényinterferenciát csak akkor figyelhetünk meg, ha olyan fényhullámok találkoznak, melyek a **fényforrás ugyanazon pontjából**, és **ugyanazon elemi fénykibocsátási folyamatból származnak**.

Ezt a feltételt kísérletileg nem könnyű megvalósítani, ezért érhető, hogy miért fedezték fel viszonylag későn a fényhullámtermészetét bizonyító interferenciajelenségeket.

- Az interferenciához nyilván az is szükséges, hogy az elemi hullámvonulatok **találkozzanak**. A hullámok csak akkor találkoznak, ha az útkülönbségük egy adott érték alatt marad: **Az interferenciához szükséges, hogy az útkülönbség a koherenciahossznál kisebb legyen.**



Kiterjedt fényforrások esetén további feltétel szükséges a koherenciához



- Az L_1 pontból származó 1 és 1' sugarak az $s_1 - s_1$ útkülönbségtől függő fényhatást hoznak létre a P pontban.
- Az L_2 pontból származó 2 és 2' sugarak csak akkor keltik a P pontban ugyanazt a fényhatást, ha az útkülönbségük eltérése 1 és 1' sugarak közötti útkülönbségtől a hullámhossznál sokkal kisebb, azaz

$$|(s_1 - s_1) - (s_2 - s_2)| \ll \lambda$$

$$|(s_1 - s_2) + (s_2 - s_1)| \ll \lambda$$

- A Fermat-elv miatt 1-n P -től L_1 -ig az optikai úthossz azonos a P -től az A_2 -ig a 2 mentén.
- Hasonlóan, 2'-n P -től L_2 -ig az optikai úthossz azonos a P -től az A_1 -ig az 1' mentén.
- Amelyekből: $s_1 - s_2 = D \sin u$ és $s_2 - s_1 = D \sin u$
- Vagyis ahhoz, hogy egy D kiterjedésű fényforrás esetén még megfigyelhető interferenciát kapjunk szükséges, hogy az interferenciát létesítő sugarak $2u$ nyílásszöge eleget tegyen a

$$D \sin u \ll \lambda/2$$

koherenciafeltételnek.

Interferenciajelenségek fényel. Interferométerek

Az interferencia jelenségek osztályozása

Az interferáló hullámok száma alapján

- kétsugaras interferencia,
- soksugaras interferencia.

Az interferáló hullámok előállítása (a fényhullám osztásának módja) alapján

- hullámfrontosztással előállított interferencia (pl. Young-kísérlet vagy Fresnel-féle tükör)
- amplitúdoosztással előállított interferencia (pl. Michelson-féle interferométer).

Young-Fresnel-féle interferenciák

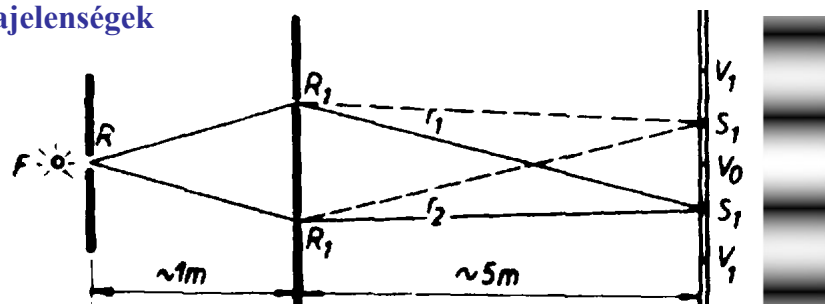
- Két divergens nyaláb találkozásánál létrejövő (ezért kétsugaras) interferenciajelenség, amely ernyőn felfogható minden olyan helyen, ahol a két nyaláb átfedi egymást.

Gyűjtőlencsék képsíkjában keletkező interferenciák

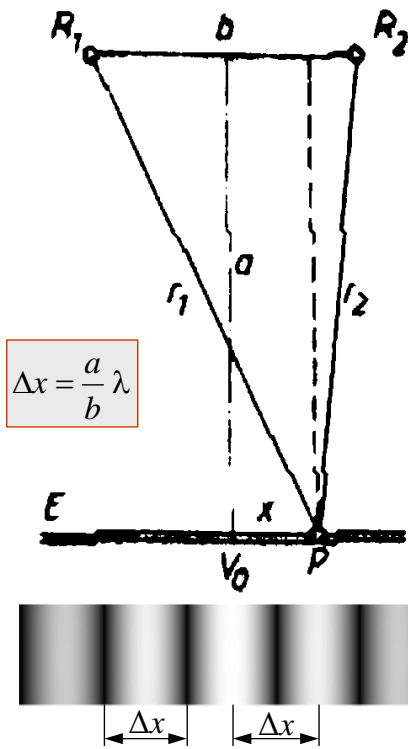
- Sík-párhuzamos lemeznél, ék alakú lemeznél, vékonyrétegeknél tapasztalható (két- és soksugaras) interferenciák.

Young-Fresnel-féle interferenciajelenségek

Young-féle interferencia-kísérlet (1802)



Mekkora az interferenciacsíkok távolsága?



A világos csíkok helyét meghatározó feltétel:

$$r_1 - r_2 = m \lambda$$

$$(r_1 - r_2)(r_1 + r_2) = r_1^2 - r_2^2$$

$$|x| \ll a \text{ és } b \ll a \rightarrow r_1 + r_2 \approx 2a$$

$$r_1^2 = a^2 + (b/2 + x)^2 = a^2 + (b/2)^2 + bx + x^2$$

$$r_2^2 = a^2 + (b/2 - x)^2 = a^2 + (b/2)^2 - bx + x^2$$

$$r_1^2 - r_2^2 = 2bx$$

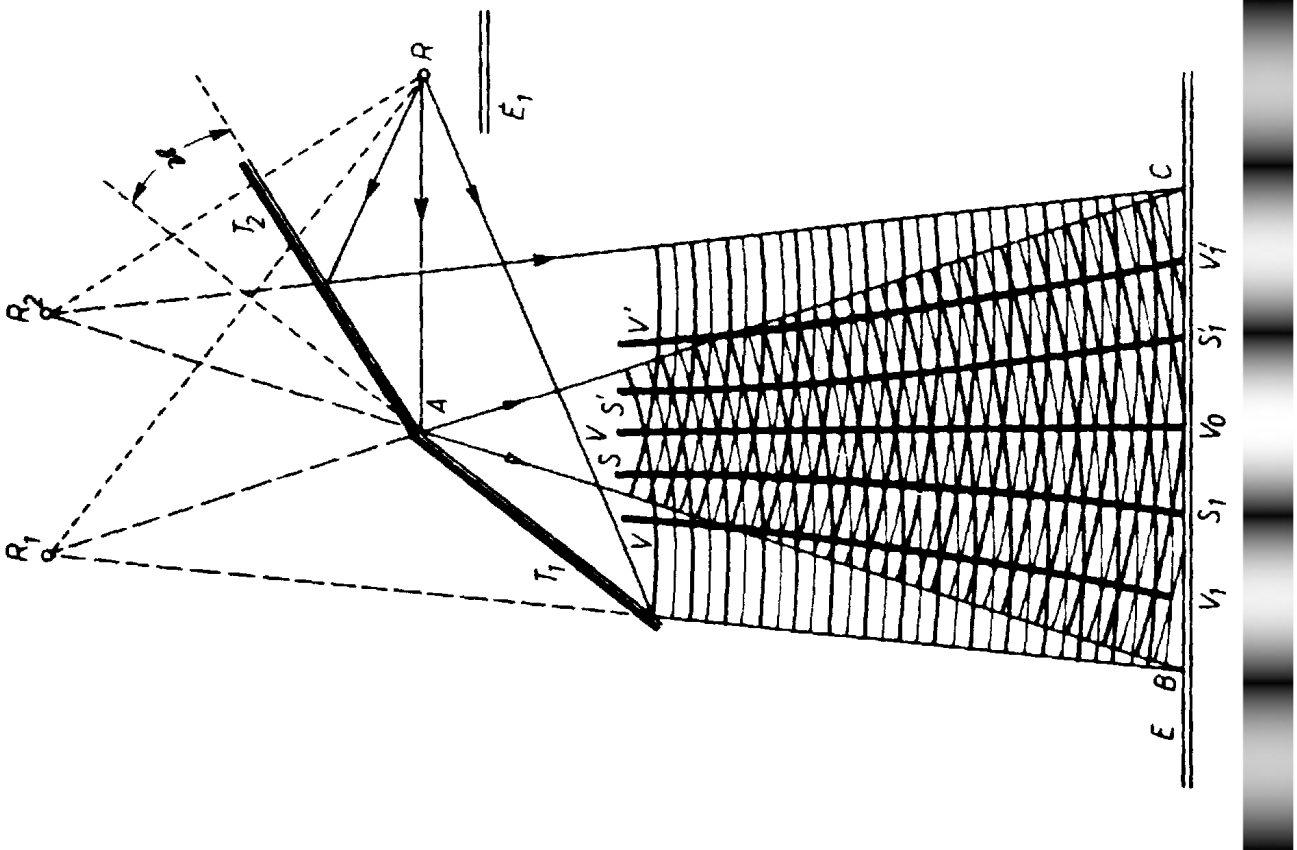
$$(r_1 - r_2) \cdot 2a = 2b \cdot x \rightarrow r_1 - r_2 = (b/a) \cdot x$$

Az m -ed rendű világos csík helye: $x_m = m \cdot \frac{a}{b} \lambda$

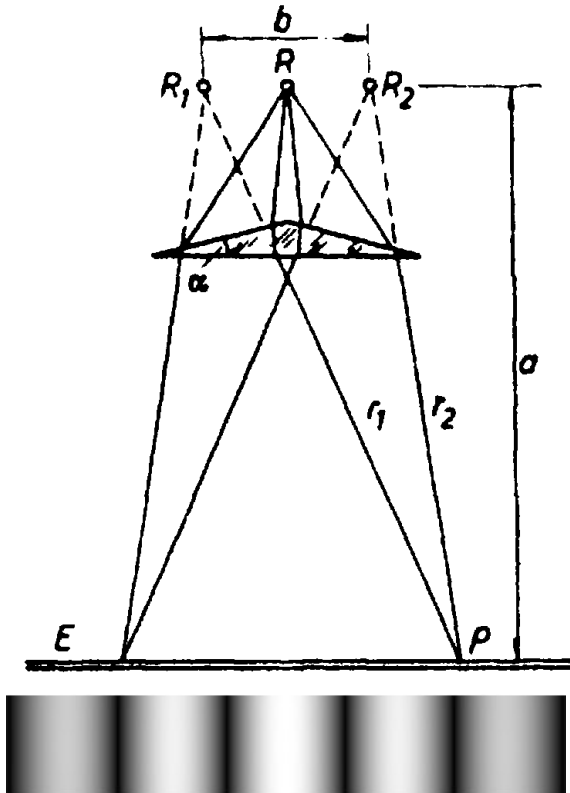
- $\lambda = 0,5 \mu\text{m}$ esetén $\Delta x \geq 1 \text{ mm}$ teljesüléséhez $a/b \geq 2000$ szükséges.
- Ez a tény jelentős mértékben közrejátszott abban, hogy a kísérletet csak az 1800-as évek elején sikerült elvégezni.

A Young kísérlet fizika történeti jelentősége: a fény hullámtermészetét bizonyítja.

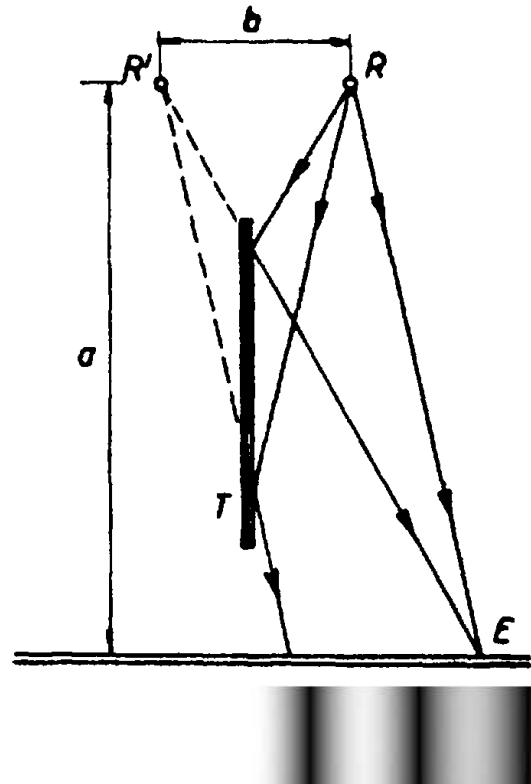
Fresnel-féle kettőtükör



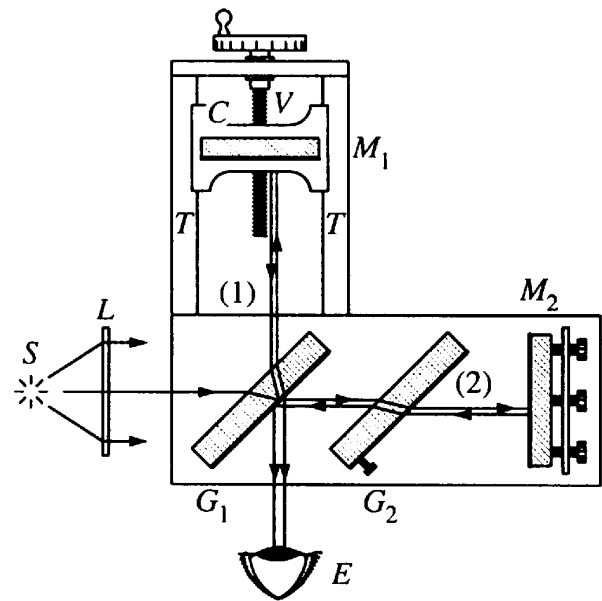
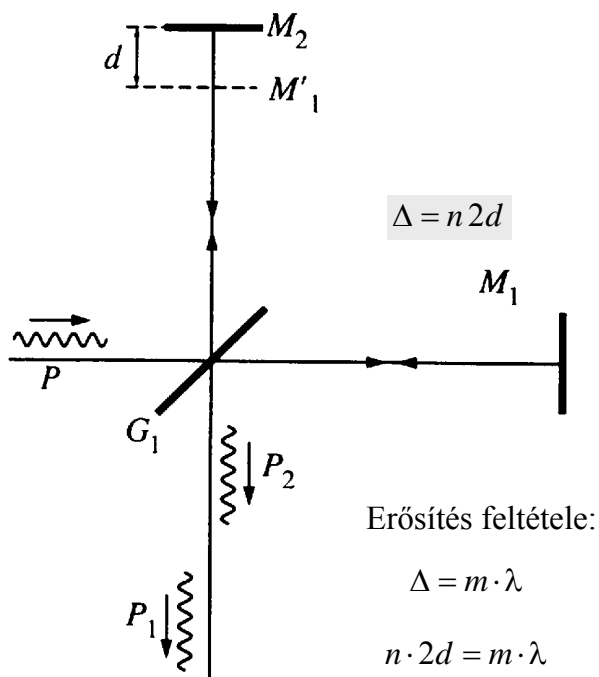
Fresnel-féle biprizma



Lloyd-féle tükör



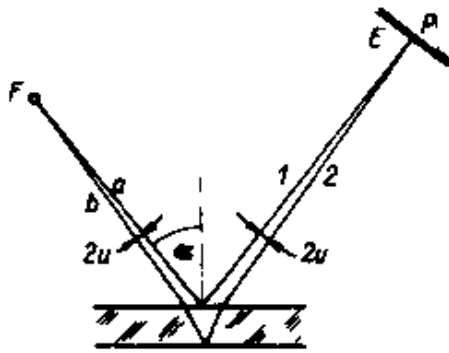
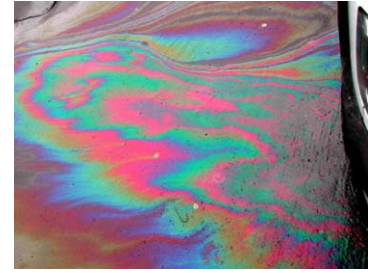
Michelson-interferométer



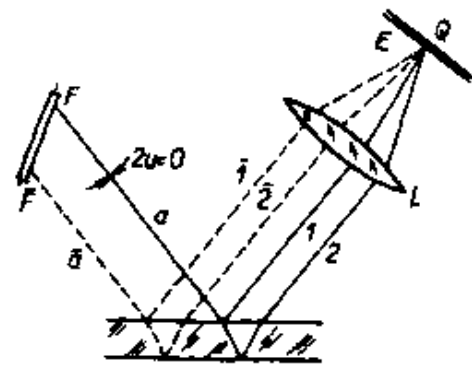
- A Michelson interferométer igen pontos távolságmérést tesz lehetővé, akár még $\lambda/50$ távolságváltozás – ez zöld fény esetén $0,01 \mu\text{m}$ (!) – is mérhető vele.
- Az ábráról is látható, hogy a Michelson-interferométerrel a koherenciahossz megmérhető!
- Spektroszkópiai alkalmazása is fontos.

Két- és soksugaras interferencia sík-párhuzamos és ék alakú lemezeken

- Vékonyrétegeken, pl. vízen úszó olajfolton, szappanhártyán gyakran láthatunk színeződéseket. Ezek a vékonyréteg felső és alsó felületéről visszaverődő hullámok interferenciájával magyarázhatók meg.
- Ezen típusú interferencia gyakorlati szempontból is lényeges, mert ezen alapul több fontos optikai eszköz működése.
- Az interferencia-mintázatok egy gyűjtőlencse képsíkjában (pl. a szemünk retináján) jönnek létre. Ezért a fényforrás mérete nagy lehet, ugyanis az interferenciát létrehozó sugarak nyílásszöge $2u \approx 0$, így a fényforrás D méretére vonatkozó $D \cdot \sin u \ll \lambda/2$ feltétel nagy kiterjedésű fényforrásra is teljesül.



278,1. ábra



- Ez előnyösen befolyásolja az interferenciajelenség fényerősségét.

Interferencia planparalel lemezeken

- Az erősítés és gyengítés feltételének kiszámítása

$$\Delta_{21} = n \cdot (\overline{AB} + \overline{BC}) - n_0 \overline{AE}$$

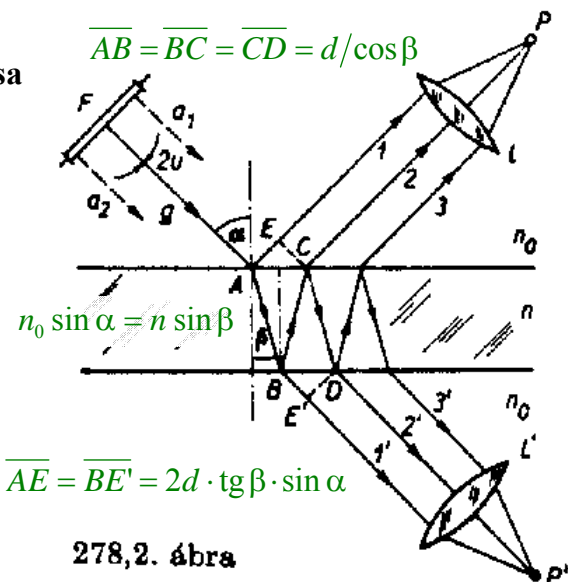
$$\Delta_{21'} = n \cdot (\overline{BC} + \overline{CD}) - n_0 \overline{BE'}$$

$$\Delta_{21} = \frac{2d}{\cos \beta} (n - n_0 \sin \alpha \cdot \sin \beta) =$$

$$= \frac{2dn}{\cos \beta} (1 - \sin^2 \beta) = 2dn \cos \beta$$

$$\Delta_{21} = 2dn \sqrt{1 - \sin^2 \beta}$$

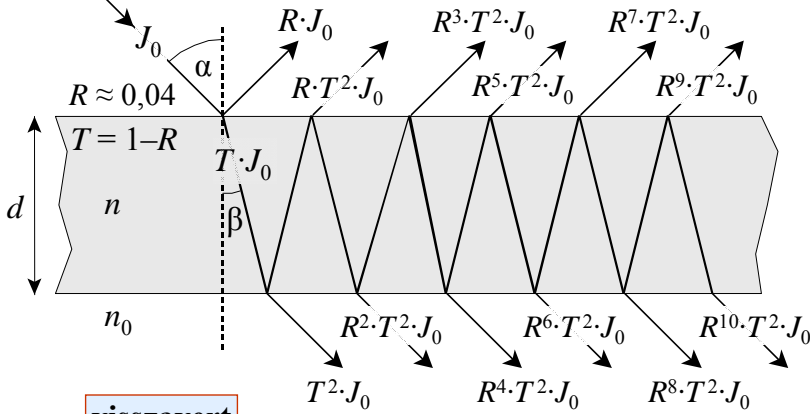
$$\Delta_{21} = \Delta_{21'} = 2d \sqrt{n^2 - n_0^2 \sin^2 \alpha}$$



278,2. ábra

- Optikailag sűrűbb közeg határán való visszaverődésnél a kísérletek szerint – összhangban az elmélettel – 180° fázisugrás lép fel, amelynek $\pm \lambda/2$ útkülönbség felel meg. Ezért visszavert fény estén az optikai úthozhoz még $\pm \lambda/2$ hozzá kell adni.
- A 180° fázisugrás miatt a visszavert és az átmenő fényben az interferenciaképek egymás komplementerei.
- Visszavert fényre:
$$2d \sqrt{n^2 - n_0^2 \sin^2 \alpha} = \begin{cases} (2m+1) \lambda/2 & \text{esetén maximum} \\ 2m \lambda/2 = m\lambda & \text{esetén minimum} \end{cases} \quad m = 0, 1, 2, \dots$$
- Átmenő fényre megfordítva, összhangban a két jelenség komplementer jellegével.

• **Az interferencia láthatósága**



Visszavert fény esetén

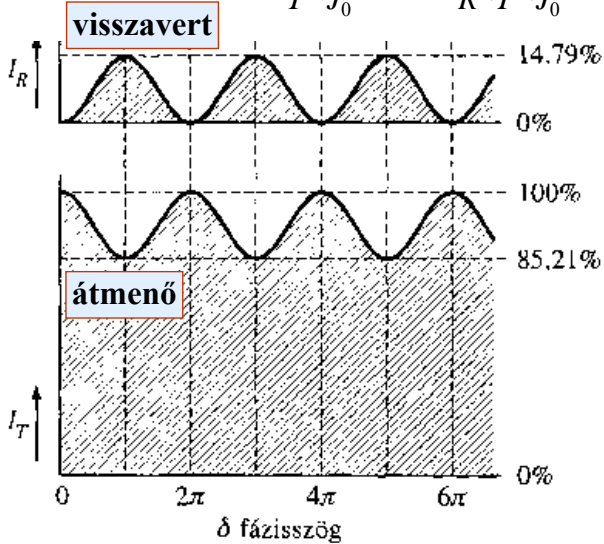
$$\frac{J_2}{J_1} = T^2 = 0,9216$$

$$\frac{J_3}{J_2} = \frac{J_4}{J_3} = \dots = R^2 = 0,0016$$

Átmenő fény esetén

$$\frac{J_2}{J_1} = \frac{J_3}{J_2} = \dots = R^2 = 0,0016$$

- Mivel R kicsi az interferencia gyakorlatilag kétsugaras!



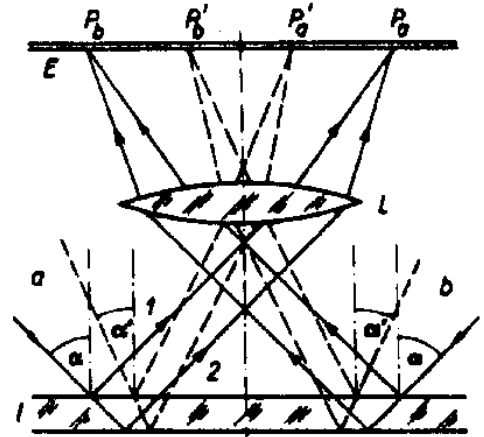
- Visszavert fény esetén a két hullám intenzitása közel egyenlő (92,16%).
- Átmenő fényre a második nyaláb sokkal kisebb intenzitású mint az első (0,16%).
- Ezért, bár a **visszavert** fényre a jelenség sokkal **fényszegényebb**, mégis az interferencia **kontrasztja** sokkal jobb!
- Az interferenciajelenség **láthatósága**:

$$V = \frac{J_{\max} - J_{\min}}{J_{\max} + J_{\min}} \quad (0 \leq V \leq 1)$$

Alkalmazások

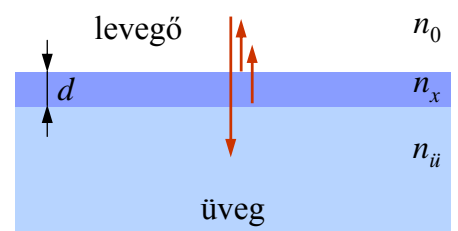
Egyenlő beesés görbéi

- Egy adott α beesési szögű fénysugarat a lemez **két párhuzamos** fénysugárra bont, melyek a lencse **fókuszsjának** egy adott pontjában találkoznak és itt az **útkülönbségüknek** megfelelően interferálnak.
- Egy adott lemezre az interferáló két sugár közötti útkülönbség csak az α beesési szögtől függ.
- Így, az **azonos beesési szögű** fénysugarak **azonos fényhatást** létesítenek a fókuszsján nekik megfelelő pontjában. Ezek a pontok egy **görbén** helyezkednek el. Nyilván **más** beesési szöghöz **más** fényhatású görbe tartozik.
- Mivel egy adott görbéhez ugyanolyan beesési szög tartozik, ezért az **azonos beesés görbéinek** nevezik a fókuszsján létrejövő görbéket.



Reflexió csökkentés

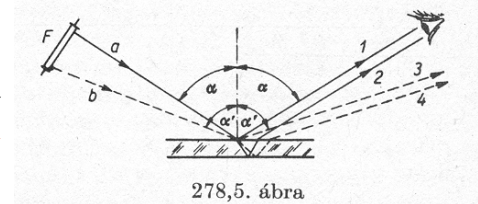
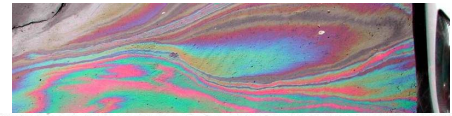
- Az üvegre egy adott törésmutatójú vékonyréteg felvitelével a felület reflexiója csökkenhető.
- A reflexió csökken, ha a két felületről visszaverődő hullámok gyengítik egymást. Ennek feltételei:



$$n_x \cdot 2d = \lambda/2 \quad \text{és} \quad \frac{n_x}{n_0} = \frac{n_u}{n_x} \quad \rightarrow \quad n_x = \sqrt{n_0 n_u} \approx \sqrt{n_u} \quad \text{és} \quad d = \frac{\lambda}{4\sqrt{n_0 n_u}} \approx \frac{\lambda}{4\sqrt{n_u}}$$

Vékonyrétegek egyenletes színeződése

- **Fehér** fényt alkalmazva interferenciát csak **vékonyrétegek** esetén figyelhetünk meg, hiszen az útkülönbségnek kisebbnek kell lennie mint a koherenciahossz, amely fehér fényre csak néhány hullámhossznyi.
- A rétegre távolról ránézve – a pupilla fényhatárolása miatt – előfordulhat, hogy **csak bizonyos irányokból** jutnak sugarak a szemünkbe.
- Ha az adott irányból egy adott spektrumszínre **kioltás** van, akkor szemünkben a színkeverés miatt a spektrumszín **kiegészítő** (komplementer) színének megfelelő színérzet áll elő. Azaz a réteg (adott része) a kioltott spektrumszín komplementerében látszik.
- **Nagyon vékony rétegeknél** ($d \ll \lambda$) az optikai úthosszkülönbség elhanyagolható. Így az optikailag sűrűbb felületen fellépő a 180° -os fázisugrás miatt a megfigyelési szögtől függetlenül kioltás lép fel. Vagyis a rétegre ránézve, **sötétnek** látszik a felülete!

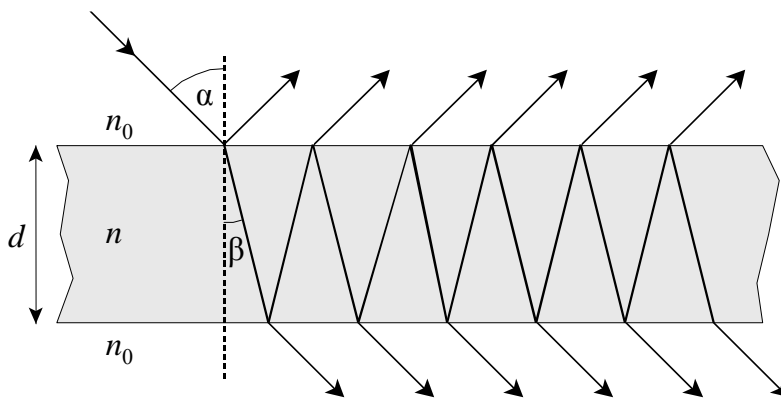


278,5. ábra

Soksugaras interferencia planparalel lemezen

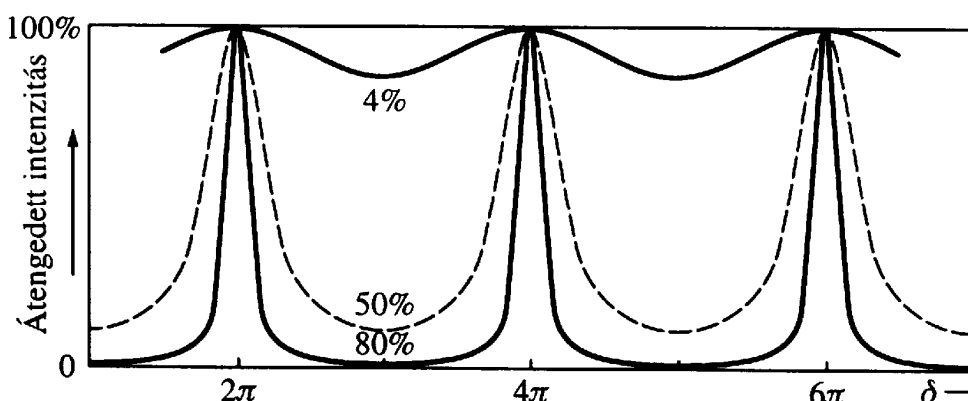
- A lemez felületeinek reflexióképessége vékony fém- (pl. ezüst, arany) réteggel való bevonásával megnövelhető. Ekkor az interferenciánál már soksugaras lesz.
- A reflexióképesség a beesési növelésével növelhető. Ha a lemezen belül a beesési szög közel van a teljes visszaverődés határszögéhez, akkor a reflexióképesség megnő (Lummer-Gehrcke-lemez).
- **Soksugaras interferenciánál a világos csíkok, gyűrűk sokkal keskenyebbek!** (lásd később)

Az átengedett (transzmittált) intenzitás szemléltetése soksugaras interferenciánál.



két egymást követő hullám közötti fáziskülönbség:

$$\delta = \frac{4\pi}{\lambda} nd \cos \beta$$

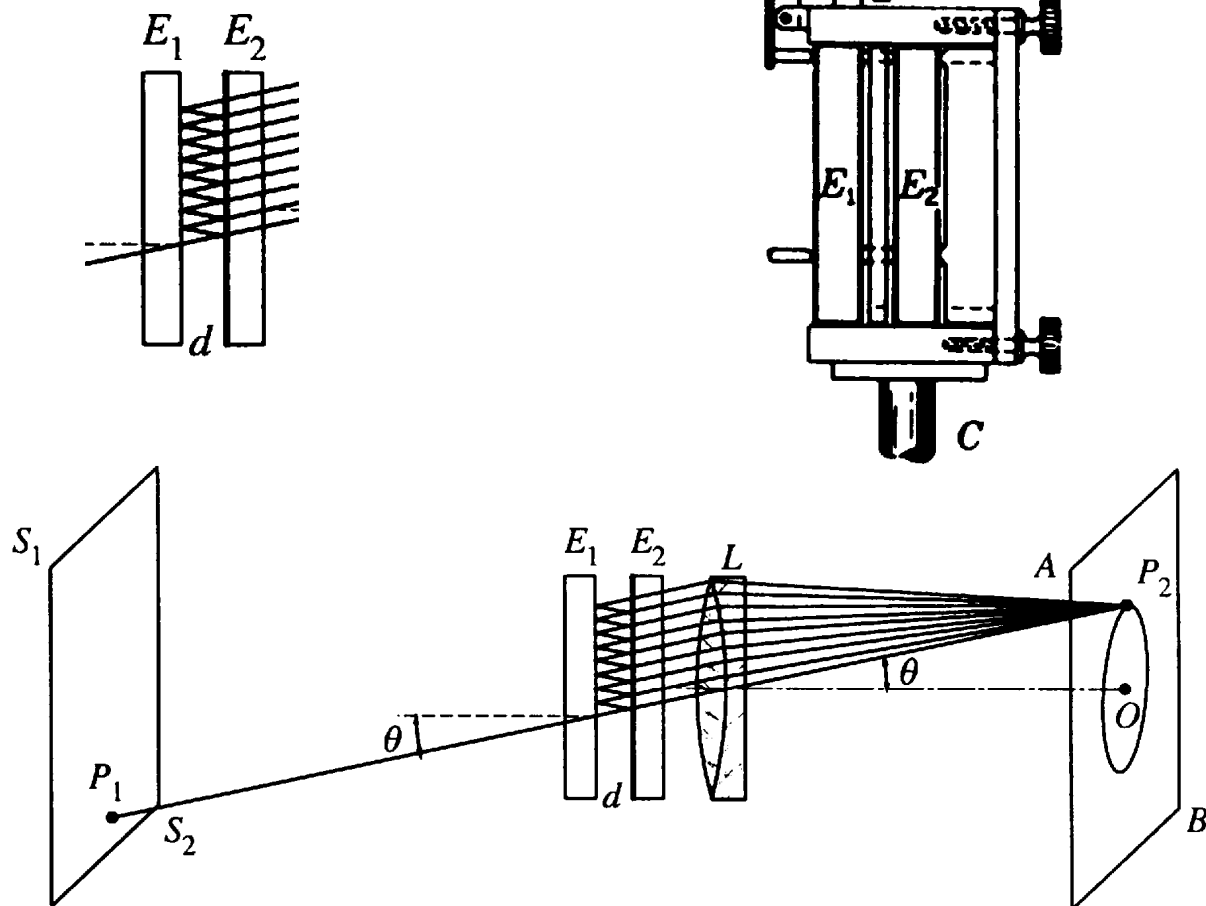


$$I_t = \frac{I_i}{1 + F \sin^2 \frac{\delta}{2}}$$

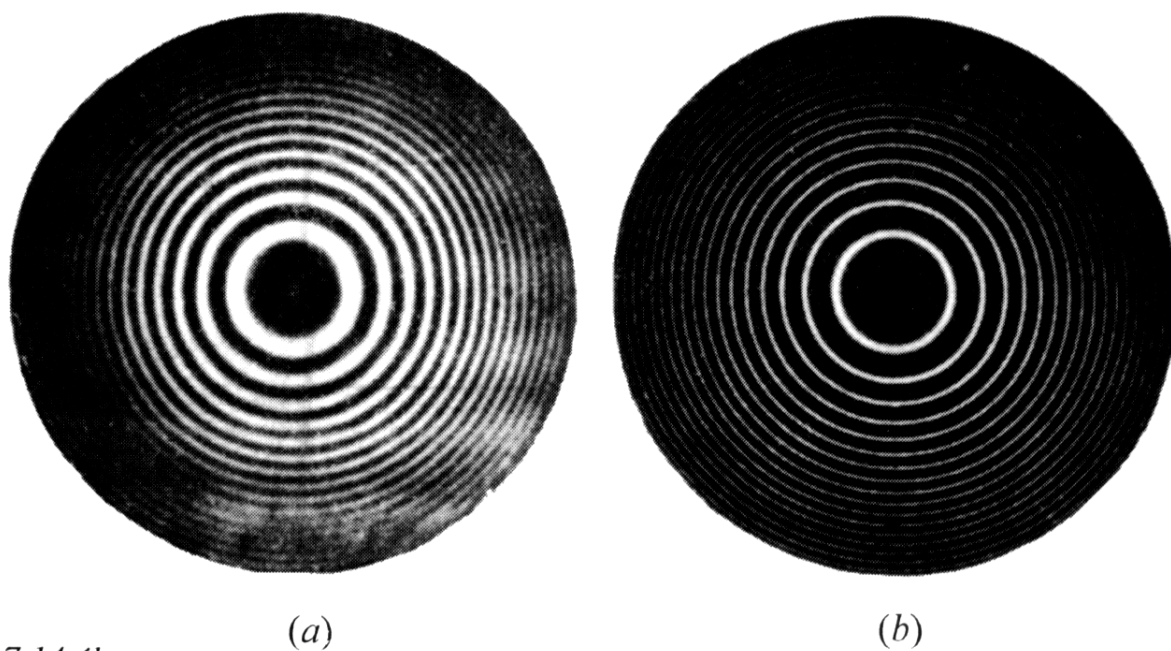
$$F = \frac{4R}{(1-R)^2}$$

R a reflexió tényező

Fabry-Perot-interferométer



A soksugaras interferencia sokkal keskenyebb intenzitáseloszlást eredményez mint a kétsugaras interferencia.

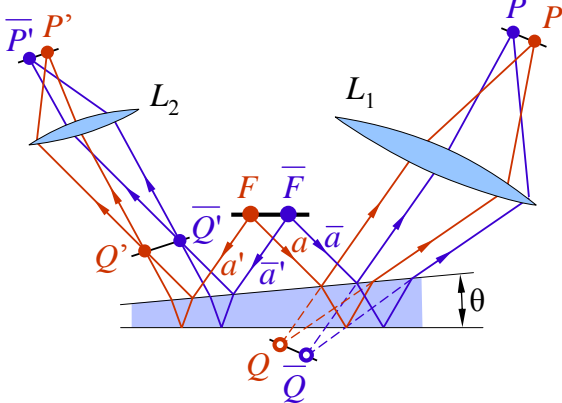


7.14.ábra.

Csík típusok összehasonlítása: (a) Michelson-interferométerrel, (b) Fabry-Perot-féle interferométerrel létrehozott csíkok 0,8 reflektivitású felületeknél

A Fabry-Perot interferométerrel igen nagy felbontás érhető el spektrumok vizsgálatánál!

Interferencia ék alakú lemezeken



- A lencse helyzetét a megfigyelés helyétől és irányától függően kell megválasztani.
- A megfigyelésnél kis belépési pupillájú lencsét kell alkalmazni, mert különben a lencsébe jutó más irányú sugarak hatására az interferenciacsíkok elmosódnak.
- Ha L_1 és L_2 lencsék szerepét a szemlencsénk helyettesíti, akkor az első esetben az ék alatt, míg a második esetben az ék felett látjuk az interferenciajelenséget.

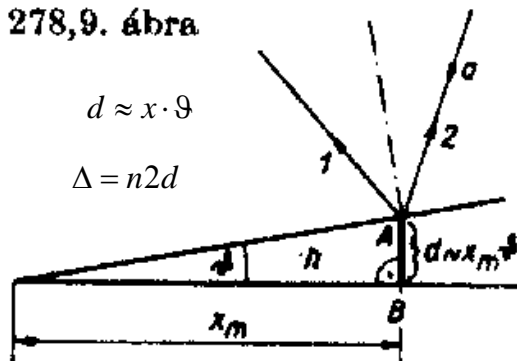
Azonos vastagság görbéi

- Adott beesési szög esetén az útkülönbség a lemez vastagságától függ. Így a képsíkban látható az azonos fényhatású interferenciagörbék pontjaihoz a lemez vastagságú helyei tartoznak.
- Ezért a képsíkbeli görbéket az azonos vastagság görbéinek nevezik.
- Igen kis hajlásszögű ék esetén, közel merőleges beesésnél, az ék élével párhuzamos csíkrendszert látunk az ék felületén.
- A világos és sötét csíkok helyei:

278,9. ábra

$$d \approx x \cdot \vartheta$$

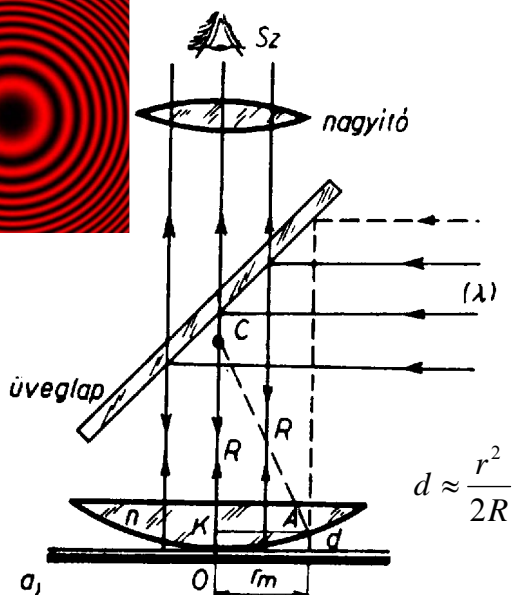
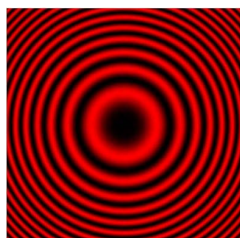
$$\Delta = n2d$$



$$x_m^{(v)} = (m + 1/2) \frac{\lambda}{2n\vartheta}$$

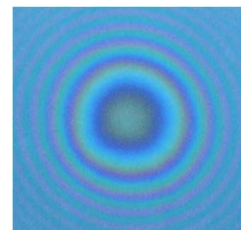
$$x_m^{(s)} = m \frac{\lambda}{2n\vartheta}$$

Newton-féle gyűrűk



$$d \approx \frac{r^2}{2R}$$

Fehér fény esetén a gyűrűk színesek.



- Optikai úthosszkülönbség

$$\Delta = n_1 2d \approx n_1 r^2 / R \rightarrow r = \sqrt{\Delta R / n_1}$$

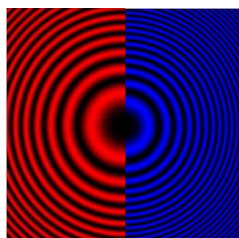
Sötét gyűrűk sugara

- Visszavert fény esetén (fázisugrás)

$$\Delta + \lambda/2 = (2m + 1)\lambda/2 \rightarrow \Delta = m\lambda$$

$$m = 0, 1, 2, \dots$$

$$r_m = \sqrt{m\lambda R / n_1} \approx \sqrt{m\lambda R}$$



- Átmenő fény esetén (nincs fázisugrás)

$$\Delta = (2m + 1)\lambda/2$$

$$r_m = \sqrt{(m + 1/2)\lambda R / n_1} \approx \sqrt{(m + 1/2)\lambda R}$$

- A gyűrűk sugara a hullámhossz gyökével arányos.